

Государственное бюджетное общеобразовательное учреждение Самарской области средняя общеобразовательная школа с. Новое Усманово  
муниципального района Камышлинский Самарской области

<b>Рассмотрено</b> на заседании МО учителей математики и физики Протокол от 26 августа 2021 г. № 1  Руков. МО ____/ Аглиуллина А.К./	<b>Проверено</b> заместителем директора по УВР  _____/Ибраева А.З./  27 августа 2021 г	<b>Утверждено</b> приказом директора от 31 августа 2021г. №207/1-од Директор ГБОУ СОШ с. Новое Усманово  _____/Г.К. Маннапова/
---	---	---

**Рабочая программа  
по математике  
10-11 классы**

## **Пояснительная записка.**

Настоящая рабочая программа (профильная) по предмету «Математика» для 10-11 классов составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования (ФГОС СОО).

на основании следующих нормативно-правовых документов:

- Федерального закона Российской Федерации "Об образовании в Российской Федерации" от 29.12.2012 N 273-ФЗ (ред. от 31.12.2014).

- Федерального государственного стандарта среднего общего образования, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012 г. № 413.

-Геометрия. Сборник рабочих программ. 10-11 классы. Базовый и углубленный уровни: Учебное пособие для учителей общеобразовательной организации/сост. Т.А.Бурмистрова М.: Просвещение, 2015г.

- Авторская рабочая программа курса «Алгебра и начала математического анализа 10 класс(базовый и углубленный уровень): Методическое пособие учителя (авт.А.Г.Мордкович, П.В.Семенов) М.Мнемозина. 2017г.

- Авторская рабочая программа курса «Алгебра и начала математического анализа 11 класс(базовый и углубленный уровень): Методическое пособие учителя (авт. А.Г.Мордкович, П.В.Семенов) М.Мнемозина. 2017г.

- Примерная основная образовательная программа среднего общего образования.(28.06.2016г).

Рабочая программа ориентирована на учебники:

1. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Учебник для общеобразовательных организаций (базовый и углубленный уровни). В 2 ч. А.Г.Мордкович, П.В.Семенов. М.: Мнемозина, 2019г.

2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Учебник для общеобразовательных организаций (базовый и углубленный уровни). В 2 ч. А.Г.Мордкович, П.В.Семенов. М.: Мнемозина, 2020г.

3. Геометрия 10-11 классы: учеб. для общеобразоват. учреждений: базовый и углублённый уровни А.В.Погорелов В.Ф. М.: Просвещение, 2018 г.

### **Общая характеристика учебного предмета.**

Учебный предмет «Математика» является обязательным общеобразовательным предметом. Согласно учебному плану он изучается на двух уровнях: базовом или углубленном в зависимости от образовательных потребностей обучающихся.

Обучение на **базовом уровне** нацелено на формирование общей культуры, связано с развивающими и воспитательными целями образования, социализацией личности и самоопределением дальнейшего жизненного пути старшеклассника. Изучение математики на базовом уровне ставит своей целью овладение целостной системой математических знаний, которая необходима каждому культурному человеку, планирующему продолжить образование в областях, не связанных с математикой.

**Углубленный уровень** способствует получению образования в соответствии с интересами, склонностями и способностями обучающихся, с их профессиональными интересами и намерениями в отношении продолжения образования, открывает дополнительные возможности для совершенствования интеллектуальных и творческих способностей старшеклассников.

***Изучение математики в старшей школе на базовом уровне направлено на достижение следующих целей:***

- овладение системой математических понятий, основных формул, законов и методов, изучаемых в основной общеобразовательной программе среднего (полного) общего образования;
- осознание роли математики в описании и исследовании реальных процессов и явлений, формирование представлений об идеях и методах математики; представление о математическом моделировании и возможностях его применения;
- овладение математической терминологией и символикой, понятиями и принципами математического доказательства;
- создание условий для формирования умения выдвигать гипотезы, логически обосновывать суждения, понимать необходимость их проверки;
- формирование умения выполнять точные и приближенные вычисления, преобразование числовых и буквенных выражений, решение уравнений и неравенств, их систем; решение текстовых задач; исследование функций;
- понимание вероятностного характера окружающего мира; умение оценивать вероятности наступления событий простейших ситуаций;
- формирование способности применять приобретенные универсальные учебные действия для решения задач, в том числе задач прикладного характера, из смежных учебных предметов;
- развитие способностей изображать плоские и пространственные геометрические фигуры, их комбинаций; чтение геометрических чертежей; описание свойств геометрических фигур, их комбинаций;
- развитие логики, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом

для продолжения образования в областях, не требующих специализированной математической подготовки.

**На углублённом уровне** к перечисленным выше целям добавляются следующие:

- становление мотивации к самообразованию и последующему изучению математики в учреждениях высшего профессионального образования;

- осознание и выявление структуры доказательных рассуждений, логического обоснования результатов, самостоятельное проведение доказательных рассуждений в ходе решения задач;

- овладение основными понятиями, идеями и методами математического анализа, теории вероятностей и статистики; способность применять полученные знания для описания и анализа различных ситуаций реальной жизни;

- готовность к решению задач из различных разделов математики и смежных учебных предметов, к проектной и исследовательской деятельности, в том числе при решении нестандартных и прикладных задач;

- овладение навыками использования компьютерных программ при решении математических задач, в том числе для поиска и иллюстрации хода решения.

### **Задачи учебного предмета**

Содержание образования, представленное в основной школе, развивается в следующих направлениях:

- совершенствование техники вычислений;

- развитие и совершенствование техники алгебраических преобразований, решения уравнений, неравенств, систем;

- систематическое изучение свойств геометрических тел в пространстве, развитие пространственных представлений учащихся, освоение способов вычисления практически важных геометрических величин и дальнейшее развитие логического мышления учащихся;

- систематизация и расширение сведений о функциях, совершенствование графических умений;

- знакомство с основными идеями и методами математического анализа в объеме, позволяющем исследовать элементарные функции и решать простейшие геометрические, физические и другие прикладные задачи;

- формирование способности строить и исследовать простейшие математические модели при решении прикладных задач, задач из смежных дисциплин.

***Место предмета в учебном плане.***

Для изучения предмета «Математика» в 10-11 классах отводится: 5 ч в неделю, 170 часов в год на базовом уровне. 6ч. в неделю, 204 часа в год на углубленном уровне.

Курс математики 10- 11 делится на 2 раздела: алгебра и начала математического анализа, и геометрия.

Раздел «алгебра и начала математического анализа» -3 часа в неделю на базовом уровне, 102 часов в год; 4 часа в неделю на углубленном уровне,136 часов в год.

Раздел «геометрия»-2часа в неделю, 68 часов в год на углубленном уровне, 2 часа в неделю, 68 час в год на базовом уровне.

### **Планируемые результаты освоения обучающимися основной образовательной программы среднего общего образования**

#### **Планируемые личностные результаты**

##### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к себе, к своему здоровью, к познанию себя:**

- ориентация обучающихся на достижение личного счастья, реализацию позитивных жизненных перспектив, инициативность, креативность, готовность и способность к личностному самоопределению, способность ставить цели и строить жизненные планы;
- готовность и способность обеспечить себе и своим близким достойную жизнь в процессе самостоятельной, творческой и ответственной деятельности;
- готовность и способность обучающихся к отстаиванию личного достоинства, собственного мнения, готовность и способность вырабатывать собственную позицию по отношению к общественно-политическим событиям прошлого и настоящего на основе осознания и осмысления истории, духовных ценностей и достижений нашей страны;
- готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самовоспитанию в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества, потребность в физическом самосовершенствовании, занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;
- принятие и реализация ценностей здорового и безопасного образа жизни, бережное, ответственное и компетентное отношение к собственному физическому и психологическому здоровью;
- неприятие вредных привычек: курения, употребления алкоголя, наркотиков.

##### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к России как к Родине (Отечеству):**

- российская идентичность, способность к осознанию российской идентичности в поликультурном социуме, чувство причастности к

историко-культурной общности российского народа и судьбе России, патриотизм, готовность к служению Отечеству, его защите;

- уважение к своему народу, чувство ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, прошлое и настоящее многонационального народа России, уважение к государственным символам (герб, флаг, гимн);

- формирование уважения к русскому языку как государственному языку Российской Федерации, являющемуся основой российской идентичности и главным фактором национально-самоопределения;

воспитание уважения к культуре, языкам, традициям и обычаям народов, проживающих в Российской Федерации.

#### **Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к закону, государству и к гражданскому обществу:**

- гражданственность, гражданская позиция активного и ответственного члена российского общества, осознающего свои конституционные права и обязанности, уважающего закон и правопорядок, осознанно принимающего традиционные национальные и общечеловеческие гуманистические и демократические ценности, готового к участию в общественной жизни;

- признание неотчуждаемости основных прав и свобод человека, которые принадлежат каждому от рождения, готовность к осуществлению собственных прав и свобод без нарушения прав и свобод других лиц, готовность отстаивать собственные права и свободы человека и гражданина согласно общепризнанным принципам и нормам международного права и в соответствии с Конституцией Российской Федерации, правовая и политическая грамотность;

- мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки и общественной практики, основанное на диалоге культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире;

- интериоризация ценностей демократии и социальной солидарности, готовность к договорному регулированию отношений в группе или социальной организации;

- готовность обучающихся к конструктивному участию в принятии решений, затрагивающих их права и интересы, в том числе в различных формах общественной самоорганизации, самоуправления, общественно значимой деятельности;

- приверженность идеям интернационализма, дружбы, равенства, взаимопомощи народов; воспитание уважительного отношения к национальному достоинству, достоинству людей, их чувствам, религиозным убеждениям;

- готовность обучающихся противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии; коррупции; дискриминации по

социальным, религиозным, расовым, национальным признакам и другим негативным социальным явлениям.

**Личностные результаты в сфере отношений обучающихся с окружающими людьми:**

- нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей, толерантного сознания и поведения в поликультурном мире, готовности и способности вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения;
- принятие гуманистических ценностей, осознанное, уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению;
- способность к сопереживанию и формирование позитивного отношения к людям, в том числе к лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам; бережное, ответственное и компетентное отношение к физическому и психологическому здоровью других людей, умение оказывать первую помощь;
- формирование выраженной в поведении нравственной позиции, в том числе способности к сознательному выбору добра, нравственного сознания и поведения на основе усвоения общечеловеческих ценностей и нравственных чувств (чести, долга, справедливости, милосердия и дружелюбия);
- развитие компетенций сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.

**Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к окружающему миру, живой природе, художественной культуре:**

- мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки, значимости науки, готовность к научно-техническому творчеству, владение достоверной информацией о передовых достижениях и открытиях мировой и отечественной науки, заинтересованность в научных знаниях об устройстве мира и общества;
- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
- экологическая культура, бережное отношение к родной земле, природным богатствам России и мира; понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, ответственность за состояние природных ресурсов; умения и навыки разумного природопользования, нетерпимое отношение к действиям, приносящим вред экологии; приобретение опыта эколого-направленной

деятельности;

- эстетические отношения к миру, готовность к эстетическому обустройству собственного быта.

**Личностные результаты в сфере отношений обучающихся к семье и родителям, в том числе подготовка к семейной жизни:**

- ответственное отношение к созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни;
- положительный образ семьи, родительства (отцовства и материнства), интериоризация традиционных семейных ценностей.

**Личностные результаты в сфере отношения обучающихся к труду, в сфере социально-экономических отношений:**

- уважение ко всем формам собственности, готовность к защите своей собственности,
- осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов;
- готовность обучающихся к трудовой профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;
- потребность трудиться, уважение к труду и людям труда, трудовым достижениям, добросовестное, ответственное и творческое отношение к разным видам трудовой деятельности; готовность к самообслуживанию, включая обучение и выполнение домашних обязанностей.

**Личностные результаты в сфере физического, психологического, социального и академического благополучия обучающихся:**

- физическое, эмоционально-психологическое, социальное благополучие обучающихся в жизни образовательной организации, ощущение детьми безопасности и психологического комфорта, информационной безопасности.

**Планируемые метапредметные результаты освоения ООП**

Метапредметные результаты освоения основной образовательной программы представлены тремя группами универсальных учебных действий (УУД).

**1. Регулятивные универсальные учебные действия**

**Выпускник научится:**

- самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута;
- оценивать возможные последствия достижения поставленной цели в деятельности, собственной жизни и жизни окружающих людей, основываясь на соображениях этики и морали;

- ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях;
  - оценивать ресурсы, в том числе время и другие нематериальные ресурсы, необходимые для достижения поставленной цели;
  - выбирать путь достижения цели, планировать решение поставленных задач, оптимизируя материальные и нематериальные затраты;
- организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достижения поставленной цели и сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее целью.

## **2. Познавательные универсальные учебные действия**

### **Выпускник научится:**

- искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;
- критически оценивать и интерпретировать информацию с разных позиций, распознавать и фиксировать противоречия в информационных источниках;
- использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках;
- находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;
- выходить за рамки учебного предмета и осуществлять целенаправленный поиск возможностей для широкого переноса средств и способов действия;
- выстраивать индивидуальную образовательную траекторию, учитывая ограничения со стороны других участников и ресурсные ограничения;
- менять и удерживать разные позиции в познавательной деятельности.

## **3. Коммуникативные универсальные учебные действия Выпускник научится:**

- Осуществлять деловую коммуникацию как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутриобразовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности

взаимодействия, а не личных симпатий;

- при осуществлении групповой работы быть как руководителем, так и членом команды в разных ролях (генератор идей, критик, исполнитель, выступающий, эксперт ит.д.);
- координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;
- развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств;
- распознавать конфликтогенные ситуации и предотвращать конфликты до их активной фазы, выстраивать деловую и образовательную коммуникацию, избегая личностных оценочных суждений.

### **Планируемые предметные результаты**

На уровне среднего общего образования в соответствии с ФГОС СОО, помимо традиционных двух групп результатов «Выпускник научится» и «Выпускник получит возможность научиться», что ранее делалось в структуре ООП начального и основного общего образования, появляются еще две группы результатов: результаты базового и углубленного уровней.

Логика представления результатов четырех видов: «Выпускник научится - базовый уровень», «Выпускник получит возможность научиться - базовый уровень», «Выпускник научится - углубленный уровень», «Выпускник получит возможность научиться - углубленный уровень» - определяется следующей методологией.

Как и в основном общем образовании, группа результатов «Выпускник научится» представляет собой результаты, достижение которых обеспечивается учителем в отношении всех обучающихся, выбравших данный уровень обучения. Группа результатов «Выпускник получит возможность научиться» обеспечивается учителем в отношении части наиболее мотивированных и способных обучающихся, выбравших данный уровень обучения. При контроле качества образования группа заданий, ориентированных на оценку достижения планируемых результатов из блока «Выпускник получит возможность научиться», может включаться в материалы блока «Выпускник научится». Это позволит предоставить возможность обучающимся продемонстрировать овладение качественно иным уровнем достижений и выявлять динамику роста численности наиболее подготовленных обучающихся. Принципиальным отличием результатов базового уровня от результатов углубленного уровня является их целевая направленность. Результаты базового уровня ориентированы на общую функциональную грамотность, получение компетентностей для повседневной жизни и общего развития. Эта группа результатов предполагает:

- понимание предмета, ключевых вопросов и основных составляющих элементов изучаемой предметной области, что обеспечивается не

за счет заучивания определений и правил, а посредством моделирования и постановки проблемных вопросов культуры, характерных для данной предметной области;

- умение решать основные практические задачи, характерные для использования методов и инструментария данной предметной области;
- осознание рамок изучаемой предметной области, ограниченности методов и инструментов, типичных связей с некоторыми другими областями знания.

Результаты **углубленного** уровня ориентированы на получение компетентностей для последующей профессиональной деятельности как в рамках данной предметной области, так и в смежных с ней областях. Эта группа результатов предполагает:

- овладение ключевыми понятиями и закономерностями, на которых строится данная предметная область, распознавание соответствующих им признаков и взаимосвязей, способность демонстрировать различные подходы к изучению явлений, характерных для изучаемой предметной области;
- умение решать как некоторые практические, так и основные теоретические задачи, характерные для использования методов и инструментария данной предметной области;
- наличие представлений о данной предметной области как целостной теории (совокупности теорий), об основных связях с иными смежными областями знаний.

Программы учебных предметов построены таким образом, что предметные результаты базового уровня, относящиеся к разделу «Выпускник получит возможность научиться», соответствуют предметным результатам раздела «Выпускник научится» на углубленном уровне. Предметные результаты раздела «Выпускник получит возможность научиться» не выносятся на итоговую аттестацию, но при этом возможность их достижения должна быть предоставлена каждому обучающемуся.

**ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ**  
**Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия**

	<b>Базовый уровень «Проблемно-функциональные результаты»</b>		<b>Углубленный уровень «Системно-теоретические результаты»</b>	
<b>Раздел</b>	<b>I. Выпускник научится</b>	<b>III. Выпускник получит возможность научиться</b>	<b>II. Выпускник научится</b>	<b>IV. Выпускник получит возможность научиться</b>
<b>Цели освоения предмета</b>	Для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики	Для развития мышления, использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики.	Для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики	Для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук
<b>Требования к результатам</b>				

<p><b>Элементы теории множеств и математической логики</b></p>	<p>Оперировать понятиями: конечное множество, бесконечное множество, числовые множества на координатной прямой, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, отрезок, интервал, — находить пересечение и объединение двух, нескольких множеств, представленных графически на числовой прямой, на координатной плоскости; строить на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями; — оперировать понятиями: утверждение (высказывание), отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример; — распознавать ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров; <i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i> — использовать числовые множества на координатной прямой</p>	<p>Оперировать понятиями: промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости; — проверять принадлежность элемента множеству, заданному описанием; — находить пересечение и объединение двух, нескольких множеств, на координатной плоскости; — проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.</p>	<p>— Свободно оперировать понятиями: множество, пустое, конечное и бесконечное множества, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и разность множеств; — применять числовые множества на координатной прямой: отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое представление множеств на координатной плоскости; — проверять принадлежность элемента множеству; — находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой на координатной плоскости; — задавать множества перечислением и характеристическим свойством; — оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный</p>	<p>— Оперировать понятием определения, основными видами определений и теорем; — понимать суть косвенного доказательства; — оперировать понятиями счётного и несчётного множества; — применять метод математической индукции для проведения рассуждений и доказательств при решении задач.</p>
--	---	---	--	---

	<p>и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;  — проводить логические, доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов</p>		<p>случай общего утверждения, контрпример;  — проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений;  <i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i>  — использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;  проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов;</p>	
<p><b>Числа и выражения</b></p>	<p>Оперировать понятиями: натуральное и целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, иррациональное число, приближённое значение числа, часть, доля, отношение, процент, масштаб;  — оперировать понятиями: логарифм числа, тригонометрическая</p>	<p>Свободно оперировать понятиями: логарифм числа, тригонометрическая окружность, радианная и градусная мера угла, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину, числа <math>e</math> и <math>p</math>;  - находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при</p>	<p>— Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число,</p>	<p>— Свободно оперировать числовыми множествами при решении задач;  — понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств;  — владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач;  — иметь базовые представления о множестве</p>

	<p>окружность, радианная и градусная мера угла, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину, числа <math>e</math> и <math>p</math>;</p> <p>— выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами, сочетая устные и письменные приёмы, применяя при необходимости вычислительные устройства;</p> <p>— сравнивать рациональные числа между собой; сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;</p> <p>— выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, корни из чисел, логарифмы чисел;</p> <p>— пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчётах;</p> <p>— изображать точками на координатной прямой целые и рациональные числа; целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых</p>	<p>необходимости вычислительные устройства;</p> <p>проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, корни, логарифмы и тригонометрические формулы;</p> <p>— находить значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;</p> <p>— изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах или радианах;</p> <p>— оценивать знак синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов;</p> <p>использовать при решении задач табличные значения тригонометрических функций углов;</p> <p>— выполнять перевод величины угла из радианной меры в градусную и обратно.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других</i></p>	<p>корень степени <math>n</math>, действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;</p> <p>— понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной системами записи чисел;</p> <p>— переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;</p> <p>— доказывать и использовать признаки делимости, суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;</p> <p>— выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью;</p> <p>— сравнивать действительные числа разными способами;</p> <p>— упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной</p>	<p>комплексных чисел;</p> <p>— свободно выполнять тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных выражений;</p> <p>— владеть формулой бинома Ньютона;</p> <p>— применять при решении задач теорему о линейном представлении НОД, Китайскую теорему об остатках, Малую теорему Ферма;</p> <p>— применять при решении задач теоретико - числовые функции: число и сумма делителей, функцию Эйлера;</p> <p>— применять при решении задач цепные дроби, многочлены с действительными и целыми коэффициентами;</p> <p>— владеть понятиями: приводимые и неприводимые многочлены; применять их при решении задач;</p>
--	--	---	---	--

	<p>случаях;  — выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;  — выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;  — вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;  <i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i>  — выполнять действия с числовыми данными при решении задач практического характера и задач из различных областей знаний, используя при необходимости справочные материалы и вычислительные устройства;  — соотносить реальные величины, характеристики объектов окружающего мира с их конкретными числовыми значениями;  — использовать методы округления и прикидки при решении практических задач повседневной жизни;</p>	<p><i>учебных предметов:</i>  — оценивать, сравнивать и использовать при решении практических задач числовые значения реальных величин, конкретные числовые характеристики объектов окружающего мира.</p>	<p>дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше второй;  — находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;  — выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней;  — выполнять стандартные тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных, иррациональных выражений;  <i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i>  — выполнять и объяснять результаты сравнения результатов вычислений</p>	<p>— применять при решении задач Основную теорему алгебры;  простейшие функции комплексно и переменную как геометрические преобразования.</p>
--	---	---	--	---

			<p>при решении практических задач, в том числе приближённых вычислений, используя разные способы сравнений;</p> <p>— записывать, сравнивать, округлять числовые данные;</p> <p>— использовать реальные величины в разных системах измерения;</p> <p>— составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.</p>	
<b>Уравнения и неравенства</b>	<p>— Решать линейные уравнения и неравенства, квадратные уравнения;</p> <p>— решать логарифмические и показательные уравнения вида <math>\log_a(bx + c) = d</math>, <math>abx + c = d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>) и неравенства вида <math>\log_a x &lt; d</math>, <math>ax &lt; d</math> (где <math>d</math> можно представить в виде степени с основанием <math>a</math>);</p> <p>— приводить несколько примеров корней тригонометрического уравнения вида <math>\sin x = a</math>, <math>\cos x = a</math>, <math>\operatorname{tg} x = a</math>, <math>\operatorname{ctg} x = a</math>, где <math>a</math> — табличное значение соответствующей</p>	<p>— Решать несложные рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и их системы, простейшие иррациональные уравнения и неравенства;</p> <p>— использовать методы решения уравнений: приведение к виду «произведение равно нулю» или «частное равно нулю», замена переменных;</p> <p>— использовать метод интервалов</p>	<p>— Свободно оперировать понятиями: уравнение; неравенство; равносильные уравнения и неравенства; уравнение, являющееся следствием другого уравнения; уравнения, равносильные на множестве; равносильные преобразования уравнений;</p> <p>— решать разные виды уравнений и неравенств и их систем, в том числе некоторые уравнения третьей и четвёртой степеней, дробно-</p>	<p>— Свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;</p> <p>— свободно решать системы линейных уравнений;</p>

	<p>тригонометрической функции;</p>	<p>для решения неравенств;  — использовать графический метод для приближённого решения уравнений и неравенств;  — изображать на тригонометрической окружности множество решений тригонометрических уравнений и неравенств.  <i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i>  — составлять и решать уравнения, системы уравнений и неравенства при решении несложных практических задач и задач из других учебных предметов;  — использовать уравнения и неравенства для построения и исследования простейших математических моделей реальных ситуаций или прикладных задач;  — уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства</p>	<p>рациональные и иррациональные;  — овладеть основными типами показательных, логарифмических, иррациональных, степенных уравнений и неравенств и стандартными методами их решений и применять их при решении задач;  — применять теорему Безу к решению уравнений;  — применять теорему Виета для решения некоторых уравнений степени выше второй;  — понимать смысл теорем о равносильных и неравносильных преобразованиях уравнений и уметь их доказывать;  — владеть методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор;  — использовать метод интервалов для решения неравенств, в том числе дробно-рациональных и</p>	<p>— решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами;  — применять при решении задач неравенства Коши—Буняковского, Бернулли;</p>
--	------------------------------------	--	---	---

		<p>или системы результат, оценивать его правдоподобие          В контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи.</p>	<p>включающих в себя иррациональные выражения ;          — решать алгебраические уравнения и неравенства и их системы с параметрами алгебраическим и графическим методами;          — владеть различными методами доказательства равенств;          — решать уравнения в целых числах;          — изображать на плоскости множества, задаваемые уравнениями, неравенствами и их системами;          — свободно использовать тождественные преобразования при решении уравнений и систем уравнений; <i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i>          — составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач из других учебных предметов;</p>	
--	--	--	--	--

			<ul style="list-style-type: none"> <li>— выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем, при решении задач из других учебных предметов;</li> <li>— составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач из других учебных предметов;</li> <li>— составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты;</li> <li>— использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств.</li> </ul>	
<b>Функции</b>	Оперировать понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество	Оперировать понятиями: -чётная и нечётная функции; -строить эскиз	— Владеть понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область	— Владеть понятием: асимптота; уметь его применять при решении задач;

	<p>значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знака постоянства, возрастание и убывание функции на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значения функции на числовом промежутке, периодическая функция, период.</p> <p>— оперировать понятиями: прямая и обратная пропорциональность, линейная, квадратичная, логарифмическая и показательная функции, тригонометрические функции; распознавать графики функций прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, логарифмической, показательной и тригонометрических функций и соотносить их с формулами, которыми</p> <p>— они заданы;</p> <p>— находить по графику приближённо значения функции в заданных точках;</p> <p>— определять по графику свойства функции (нули, промежутки знака постоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т. п.);</p> <p>— строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведённому набору</p>	<p>графика функции, асимптоты, нули функции и т. д.);</p> <p>— определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;</p> <p>— строить график и изученных функций;</p> <p>— решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графики.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>— определять по графикам и использовать для решения прикладных задач асимптоты.</p> <p>— определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и т. п. (амплитуда, период и т. п.).</p>	<p>определения множества значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знака постоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значения функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, чётная и нечётная функции; уметь применять эти понятия при решении задач;</p> <p>владеть понятием: степенная функция; строить её график и уметь применять свойства степенной функции при решении задач;</p> <p>— владеть понятиями: показательная функция, экспонента; строить их графики и уметь применять свойства показательной функции при решении задач;</p> <p>— владеть понятием: логарифмическая функция; строить её</p>	<p>применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков.</p>
--	--	---	--	---

	<p>условий (промежутки возрастания и убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов.  <i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i>  — определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, промежутки знакопостоянства, период и т. п.), интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;</p>		<p>графики  уметь применять свойства логарифмической функции при решении задач;  — владеть понятием: тригонометрические функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометрических функций при решении задач;  — владеть понятием: обратная функция; применять это понятие при решении задач;  — применять при решении задач свойства функций: чётность, периодичность, ограниченность;  — применять при решении задач преобразования графиков функций;  — владеть понятиями: числовые последовательности, арифметическая и геометрическая прогрессии;  — применять при решении задач свойства и признаки арифметической и геометрической</p>	
--	---	--	--	--

			<p>прогрессий;  <i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i>  — определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т. п.),  интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;  — определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и т. п. (амплитуда, период и т. п.).</p>	
<p><b>Элементы математического анализа</b></p>	<p>Оперировать понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;  — определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведённой в этой точке;</p>	<p>Вычислять производную одночлена, многочлена, квадратного корня, производную суммы функций;  — вычислять производные элементарных функций и их комбинаций, используя справочные мате</p>	<p>Владеть понятием: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и уметь применять его при решении задач;  — применять для решения задач теорию пределов;  — владеть понятиями:</p>	<p>Свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функции одной переменной;  — свободно применять аппарат математического анализа для</p>

	<p>— решать несложные задачи на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции — с другой;</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>— пользуясь графиками, сравнивать скорости возрастания (роста, повышения, увеличения и т. п.) или скорости убывания (падения, снижения, уменьшения и т. п.) величин в реальных процессах;</p> <p>— соотносить графики реальных процессов и зависимостей с их описаниями, включающими характеристики скорости изменения (быстрый рост, плавное понижение и т. п.);</p> <p>— использовать графики реальных процессов для решения несложных прикладных задач, в том числе определяя по графику скорость хода процесса;</p>	<p>риалы;</p> <p>— исследовать функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций, строить графики многочленов и простых рациональных функций с использованием аппарата математического анализа.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>— решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик реальных процессов, нахождением наибольших и наименьших значений, скорости и ускорения и т. п., интерпретировать полученные результаты.</p>	<p>бесконечно большие числовые последовательности и бесконечно малые числовые последовательности; уметь сравнивать бесконечно большие и бесконечно малые последовательности;</p> <p>— владеть понятиями: производная функции в точке, производная функции;</p> <p>— вычислять производные элементарных функций и их комбинаций;</p> <p>— исследовать функции на монотонность и экстремумы;</p> <p>— строить графики и применять их к решению задач, в том числе с параметром;</p> <p>— владеть понятием: касательная к графику функции; уметь применять его при решении задач;</p> <p>— владеть понятиями:</p>	<p>исследования функций и построения графиков, в том числе исследования выпуклости;</p> <p>— оперировать понятием первообразной для решения задач;</p> <p>— овладеть основными сведениями об интеграле Ньютона — Лейбница и его простейших применениях;</p> <p>— оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;</p> <p>— уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;</p> <p>— уметь применять при решении задач теоремы Вейерштрасса;</p> <p>— уметь выполнять пр</p>
--	--	--	--	--

			<p>первообразная, определённый интеграл;</p> <p>— применять теорему Ньютона— Лейбница и её следствия для решения задач;</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>— решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов, интерпретировать полученные результаты.</p>	<p>иближённые вычисления (методы решения уравнений, вычисления определённого интеграла);</p> <p>— уметь применять приложение производной и определённого интеграла к решению задач естествознания;</p> <p>— владеть понятиями: вторая производная, выпуклость графика функции; уметь исследовать функцию на выпуклость.</p>
--	--	--	--	---

<p><b>Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</b></p>	<p>— Оперировать основными описательными характеристиками числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;</p> <p>— оперировать понятиями: частота и вероятность события, случайный выбор, опыты с равновероятными элементарными событиями;</p> <p>— вычислять вероятности событий на основе подсчёта числа исходов; <i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>— оценивать, сравнивать и вычислять в простых случаях вероятности событий в реальной жизни;</p> <p>— читать, сопоставлять, сравнивать, интерпретировать в простых случаях реальные данные, представленные в виде таблиц, диаграмм, графиков.</p>	<p>— Иметь представление: о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о независимости случайных величин; о математическом ожидании и дисперсии случайных величин; о нормальном распределении и примерах нормально распределённых случайных величин;</p> <p>— понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей;</p> <p>— иметь представление об условной вероятности и о полной вероятности, применять их в решении задач;</p> <p>— иметь представление о важных частных видах распределений и применять их в решении задач;</p> <p>— иметь представление о корреляции случайных величин, о линейной регрессии.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других</i></p>	<p>— Оперировать основными описательными характеристиками числового набора; понятиями: генеральная совокупность и выборка;</p> <p>— оперировать понятиями: частота и вероятность события, сумма и произведение вероятностей; вычислять вероятности событий на основе подсчёта числа исходов;</p> <p>— владеть основными понятиями комбинаторики и уметь применять их при решении задач;</p> <p>— иметь представление об основах теории вероятностей;</p> <p>— иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о независимости случайных величин;</p> <p>— иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</p> <p>— иметь представление о совместных распределениях случайных величин;</p>	<p>— иметь представление о центральной предельной теореме;</p> <p>— иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;</p> <p>— иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и её уровне значимости;</p> <p>— иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений;</p> <p>— иметь представление о кодировании, двоичной записи, двоичном дереве;</p> <p>— владеть основными понятиями теории графов (граф, вершина, ребро, степень вершины, путь в графе) и уметь применять их при решении задач;</p> <p>— иметь представление о деревьях и уметь применять его при решении задач;</p>
--	---	--	---	---

		<p><i>предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>— выбирать подходящие методы представления и обработки данных;</li> <li>— уметь решать несложные задачи на применение закона больших чисел в социологии, страховании, здравоохранении, обеспечении безопасности населения в чрезвычайных ситуациях.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей;</li> <li>— иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределённых случайных величин;</li> <li>— иметь представление о корреляции случайных величин; <i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></li> <li>— вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;</li> <li>— выбирать методы подходящего представления и обработки данных.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— владеть понятием: связность; уметь применять компоненты связности при решении задач;</li> <li>— уметь осуществлять пути по рёбрам, обходы рёбер и вершин графа;</li> <li>— иметь представление об Эйлеровом и Гамильтоновом пути; иметь представление о трудности задачи нахождения Гамильтонова пути;</li> <li>— владеть понятиями: конечные счётные множества; счётные множества; уметь применять их при решении задач;</li> <li>— уметь применять метод математической индукции;</li> <li>— уметь применять принцип Дирихле при решении задач.</li> </ul>
--	--	--	--	---

<p><b>Текстовые задачи</b></p>	<p>— Решать несложные текстовые задачи разных типов,  — анализировать условие задачи, строить для её решения математическую модель,  — понимать и использовать для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символической записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков;  — действовать по алгоритму, содержащемуся в условии задачи;  — использовать логические рассуждения при решении задачи;  — работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации данные, необходимые для решения задачи;  — осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии;  — анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;  — решать задачи на расчёт</p>	<p>- Решать задачи разных типов, в том числе задачи повышенной трудности;  — выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;  — анализировать условие задачи, проводить доказательные рассуждения;  — решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;  — анализировать и интерпретировать результаты в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;  — переводить при решении задачи информацию из одной формы в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы.</p>	<p>— Решать разные задачи повышенной трудности;  — анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;  — строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи;  — решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;  — анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;  — переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя при необходимости схемы,</p>	
--------------------------------	--	---	---	--

	<p>стоимости покупок, услуг, поездки т. п.;</p> <p>— решать несложные задачи, связанные долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью;</p> <p>— решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек;</p> <p>— решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, положения на временной оси (до нашей эры и после), глубины/высоты, на движение денежных средств (приход/расход) и т. п.;</p> <p>— использовать понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на компьютере и т. п.;</p>		<p>таблицы, графики, диаграммы.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>— решать практические задачи из других предметов.</p>	
<b>Геометрия</b>	<p>Оперировать на базовом уровне понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей; распознавать основные виды многогранников</p>	<p>Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей; применять для решения</p>	<p>Владеть геометрическими понятиями при решении задач и проведении математических рассуждений;</p> <p>– самостоятельно формулировать определения</p>	<p>Иметь представление об аксиоматическом методе;</p> <p>– владеть понятием геометрические места точек в пространстве и уметь применять их</p>

	<p>(призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб); изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертежных инструментов; делать (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объемных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; извлекать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках; применять теорему Пифагора при вычислении элементов стереометрических фигур; находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников с применением формул; распознавать основные виды тел вращения (конус, цилиндр, сфера и шар); находить объемы и площади поверхностей простейших многогранников и тел вращения с применением формул.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <p>соотносить абстрактные геометрические понятия факты с реальными жизненными объектами и ситуациями; использовать свойства пространственных геометрических фигур для решения типовых задач практического содержания; соотносить площади поверхностей</p>	<p>задач геометрические факты, если условия применения заданы в явной форме; решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам; делать (выносные) плоские чертежи из рисунков объемных фигур, в том числе рисовать вид сверху, сбоку, строить сечения многогранников; извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах; применять геометрические факты для решения задач, в том числе предполагающих несколько шагов решения; описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве; формулировать свойства и признаки фигур; доказывать геометрические утверждения; владеть</p>	<p>геометрических фигур, выдвигать гипотезы о новых свойствах и признаках геометрических фигур и обосновывать или опровергать их, обобщать или конкретизировать результаты на новых классах фигур, проводить в несложных случаях классификацию фигур по различным основаниям;</p> <p>– исследовать чертежи, включая комбинации фигур, извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную на чертежах;</p> <p>– решать задачи геометрического содержания, в том числе в ситуациях, когда алгоритм решения не следует явно из условия, выполнять необходимые для решения задачи дополнительные построения, исследовать возможность применения теорем и формул для решения задач;</p> <p>– уметь формулировать и доказывать геометрич</p>	<p>для решения задач;</p> <p>– уметь применять для решения задач свойства плоских и двугранных углов, трехгранного угла, теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла;</p> <p>– владеть понятием перпендикулярное сечение призмы и уметь применять его при решении задач;</p> <p>– иметь представление о двойственности правильных многогранников;</p> <p>– владеть понятиями центральное и параллельное проектирование и применять их при построении сечений многогранников методом проекций;</p> <p>– иметь представление о развертке многогранника и кратчайшем пути на поверхности многогранника;</p> <p>– владеть разными</p>
--	---	--	--	---

	<p>тел одинаковой формы различного размера; соотносить объемы сосудов одинаковой формы различного размера; оценивать форму правильного многогранника после спилов, срезов и т.п. (определять количество вершин, ребер и граней полученных многогранников)</p> <p>—</p>	<p>стандартной классификацией пространственных фигур (пирамиды, призмы, параллелепипеды); находить объемы и площади поверхностей геометрических тел с применением формул; вычислять расстояния и углы в пространстве. <i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i> использовать свойства геометрических фигур для решения задач практического характера и задач из других областей знаний.</p>	<p>еские утверждения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– владеть понятиями стереометрии: призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр;</li> <li>– иметь представления об аксиомах стереометрии и следствиях из них и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– уметь строить сечения многогранников с использованием различных методов, в том числе и метода следов;</li> <li>– иметь представление о скрещивающихся прямых в пространстве и уметь находить угол и расстояние между ними;</li> <li>– применять теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве при решении задач;</li> <li>– уметь применять параллельное проектирование для изображения фигур;</li> <li>– уметь применять перпендикулярности</li> </ul>	<p>способами задания прямой уравнениями и уметь применять при решении задач;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– иметь представление о движениях в пространстве: параллельном переносе, симметрии относительно плоскости, центральной симметрии, повороте относительно прямой, винтовой симметрии, уметь применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о площади ортогональной проекции;</li> <li>– иметь представление о трехгранном и многогранном угле и применять свойства плоских углов многогранного угла при решении задач;</li> <li>– иметь представления о преобразовании подобия, гомотетии и уметь применять их при решении задач;</li> </ul>
--	--	--	---	--

			<p>прямой и плоскости при решении задач;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– владеть понятиями ортогональное проектирование, наклонные и их проекции, уметь применять теорему о трех перпендикулярах при решении задач;</li> <li>владеть понятиями расстояние между фигурами в пространстве, общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятием угол между прямой и плоскостью и уметь применять его при решении задач; □ владеть понятиями двугранный угол, угол между плоскостями, перпендикулярные плоскости и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– владеть понятиями призма, параллелепипед и применять свойства параллелепипеда при решении задач;</li> <li>– владеть понятием прямоугольный</li> </ul>	<p>уметь решать задачи на плоскости методами стереометрии;</p>
--	--	--	---	--

			<p>параллелепипед и применять его при решении задач; □ владеть понятиями пирамида, виды пирамид, элементы правильной пирамиды и уметь применять их при решении задач; □ иметь представление о теореме Эйлера, правильных многогранниках;</p> <ul style="list-style-type: none"><li>– владеть понятием площади поверхностей многогранников и уметь применять его при решении задач;</li><li>– владеть понятиями касательные прямые и плоскости и уметь применять их при решении задач;</li><li>– иметь представление о подобии в пространстве и уметь решать задачи на отношение площадей поверхностей подобных фигур.</li></ul> <p>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>– составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера</li></ul>	
--	--	--	---	--

			и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные моделии — интерпретироватьрезультат.	
<b>История и методы математики</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развитияматематики как науки;</li> <li>— знать примеры математических открытий и их авторов в связи с отечественной и всемирнойисторией;</li> <li>— понимать роль математики вразвитии России;</li> <li>применятьизвестные методы при решении стандартных и нестандартныхматематических задач;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Знать примеры математических открытий; представлять вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей;</li> <li>- использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;</li> <li>— замечать и характеризовать математические закономерности и на их основе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира, а такжепроизведений искусства;</li> <li>— применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Иметь представление овкладе выдающихся математиков в развитиинауки;</li> <li>— понимать роль математики в развитиииРоссии;</li> <li>— использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнятьопровержение;</li> <li>— применять основные методы решения математическихзадач;</li> <li>— на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающегомира и произведенийискусства;</li> <li>применятьпростейшиепрограммные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач;</li> <li>— пользоваться</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>— Применять математические знания к исследованию окружающего мира (моделирование физических процессов, задачи экономики).</li> </ul>

			прикладными программами и программами символьных вычислений для исследования математических объектов;	
--	--	--	---	--

## Содержание программы

В соответствии с принятой Концепцией развития математического образования в Российской Федерации, математическое образование решает, в частности, следующие ключевые задачи:

- «предоставлять каждому обучающемуся возможность достижения уровня математических знаний, необходимого для дальнейшей успешной жизни в обществе»;
- «обеспечивать необходимое стране число выпускников, математическая подготовка которых достаточна для продолжения образования в различных направлениях и для практической деятельности, включая преподавание математики, математические исследования, работу в сфере информационных технологий и др.»;
- «в основном общем и среднем общем образовании необходимо предусмотреть подготовку обучающихся в соответствии с их запросами к уровню подготовки в сфере математического образования».

Соответственно, выделяются три направления требований к результатам математического образования:

- 1) практико-ориентированное математическое образование (математика для жизни);
- 2) математика для использования в профессии;
- 3) творческое направление, на которое нацелены те обучающиеся, которые планируют заниматься творческой и исследовательской работой в области математики, физики, экономики и других областях.

Эти направления реализуются в двух блоках требований к результатам математического образования.

**На базовом** уровне:

- Выпускник **научится** в 10-11-м классах: для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики.
- Выпускник **получит возможность научиться** в 10-11-м классах: для развития мышления, использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики.

**На углубленном** уровне:

- Выпускник **научится** в 10-11-м классах: для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики.

- Выпускник **получит возможность научиться** в 10-11-м классах: для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук.

В соответствии с Федеральным законом «Об образовании в РФ» (ст. 12 п. 7) организации, осуществляющие образовательную деятельность, реализуют эти требования в образовательном процессе с учетом настоящей примерной основной образовательной программы как на основе учебно-методических комплектов соответствующего уровня, входящих в Федеральный перечень Министерства образования и науки Российской Федерации, так и с возможным использованием иных источников учебной информации (учебно-методические пособия, образовательные порталы и сайты и др.)

Цели освоения программы базового уровня - обеспечение возможности использования математических знаний и умений в повседневной жизни и возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием математики. Внутри этого уровня выделяются две различные программы: компенсирующая базовая и основная базовая.

Компенсирующая базовая программа содержит расширенный блок повторения и предназначена для тех, кто по различным причинам после окончания основной школы не имеет достаточной подготовки для успешного освоения разделов алгебры и начал математического анализа, геометрии, статистики и теории вероятностей по программе средней (полной) общеобразовательной школы.

Программа по математике на базовом уровне предназначена для обучающихся средней школы, не испытывавших серьезных затруднений на предыдущем уровне обучения.

Обучающиеся, осуществляющие обучение на базовом уровне, должны освоить общие математические умения, необходимые для жизни в современном обществе; вместе с тем они получают возможность изучить предмет глубже, с тем чтобы в дальнейшем при необходимости изучать математику для профессионального применения.

При изучении математики на углубленном уровне предъявляются требования, соответствующие направлению «математика для профессиональной деятельности»; вместе с тем выпускник получает возможность изучить математику на гораздо более высоком уровне, что создаст фундамент для дальнейшего серьезного изучения математики в вузе. Примерные программы содержат сравнительно новый для российской школы раздел «Вероятность и статистика». К этому разделу относятся также сведения из логики, комбинаторики и теории графов,

значительно варьирующиеся в зависимости от типа программы.

Во всех примерных программах большое внимание уделяется практико-ориентированным задачам. Одна из основных целей, которую разработчики ставили перед собой, - создать примерные программы, где есть место применению математических знаний в жизни.

При изучении математики большое внимание уделяется развитию коммуникативных умений (формулировать, аргументировать и критиковать), формированию основ логического мышления в части проверки истинности и ложности утверждений, построения примеров и контрпримеров, цепочек утверждений, формулировки отрицаний, а также необходимых и достаточных условий. В зависимости от уровня программы больше или меньше внимания уделяется умению работать по алгоритму, методам поиска алгоритма и определению границ применимости алгоритмов.

Требования, сформулированные в разделе «Геометрия», в большей степени относятся к развитию пространственных представлений и графических методов, чем к формальному описанию стереометрических фактов.

### **Основная базовая программа**

#### **Алгебра и начала анализа**

Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений.

Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства.

Решение задач на движение и совместную работу с помощью линейных и квадратных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков.

Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции  $y = \sqrt{x}$ .

Графическое решение уравнений и неравенств.

Тригонометрическая окружность, радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла. Основное тригонометрическое тождество и следствия из него. Значения тригонометрических функций для углов  $0^\circ$ ,  $30^\circ$ ,

$45^\circ$ ,  $60^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $270^\circ$ .  $(0, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2}$  рад).

Формулы сложения тригонометрических функций, формулы приведения, формулы двойного аргумента. Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значение функции. Периодические функции. Четность и нечетность функций. Сложные функции.

Тригонометрические функции  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ ,  $y = \operatorname{tg} x$ . Функция  $y = \operatorname{ctg} x$ . Свойства и графики тригонометрических функций.

Арккосинус, арксинус, арктангенс числа. Арккотангенс числа. Простейшие тригонометрические уравнения.

Решение тригонометрических уравнений.

Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики. Решение простейших тригонометрических неравенств.

Степень с действительным показателем, свойства степени. Простейшие показательные уравнения и неравенства.

Показательная функция и ее свойства и график.

Логарифм числа, свойства логарифма. Десятичный логарифм. Число  $e$ . Натуральный логарифм. Преобразование логарифмических выражений. Логарифмические уравнения и неравенства. Логарифмическая функция и ее свойства и график.

Степенная функция и ее свойства и график. Иррациональные уравнения.

Метод интервалов для решения неравенств.

Преобразования графиков функций: сдвиг вдоль координатных осей, растяжение и сжатие, отражение относительно координатных осей.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических неравенств.

Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций. Уравнения, системы уравнений с параметром.

Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.

Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.

Понятие о непрерывных функциях. Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значение с помощью производной. Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной при решении задач.

Первообразная. Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла.

### **Геометрия**

Повторение. Решение задач с применением свойств фигур на плоскости. Задачи на доказательство и построение контрпримеров. Использование в задачах простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей. Решение задач с помощью векторов и координат.

Наглядная стереометрия. Фигуры и их изображения (куб, пирамида, призма). Основные понятия стереометрии и их свойства. Сечения куба и тетраэдра.

Точка, прямая и плоскость в пространстве, аксиомы стереометрии и следствия из них. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве. Изображение простейших пространственных фигур на плоскости.

Расстояния между фигурами в пространстве.

Углы в пространстве. Перпендикулярность прямых и плоскостей.

Проекция фигуры на плоскость. Признаки перпендикулярности прямых и плоскостей в пространстве. Теорема о трех перпендикулярах.

Многогранники. Параллелепипед. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Теорема Пифагора в пространстве.

Призма и пирамида. Правильная пирамида и правильная призма. Прямая пирамида. Элементы призмы и пирамиды.

Тела вращения: цилиндр, конус, сфера и шар. Основные свойства прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса. Изображение тел вращения на плоскости.

Представление об усеченном конусе, сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения шара. Развертка цилиндра и конуса.

Простейшие комбинации многогранников и тел вращения между собой. Вычисление элементов пространственных фигур (ребра, диагонали, углы).

Площадь поверхности правильной пирамиды и прямой призмы. Площадь поверхности прямого кругового цилиндра, прямого кругового

конуса и шара.

Понятие об объеме. Объем пирамиды и конуса, призмы и цилиндра. Объем шара.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей и объемами подобных тел.

Движения в пространстве: параллельный перенос, центральная симметрия, симметрия относительно плоскости, поворот. Свойства движений. Применение движений при решении задач.

Векторы и координаты в пространстве. Сумма векторов, умножение вектора на число, угол между векторами. Коллинеарные и компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Теорема о разложении вектора по трем некопланарным векторам. Скалярное произведение векторов в координатах. Применение векторов при решении задач на нахождение расстояний, длин, площадей и объемов.

Уравнение плоскости в пространстве. Уравнение сферы в пространстве. Формула для вычисления расстояния между точками в пространстве.

### **Вероятность и статистика. Работа с данными**

Повторение. Решение задач на табличное и графическое представление данных. Использование свойств и характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии. Решение задач на определение частоты и вероятности событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновероятными элементарными исходами.

Решение задач с применением комбинаторики. Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей. Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.

Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности.

Дискретные случайные величины и распределения. Независимые случайные величины. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.

Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства.

Непрерывные случайные величины. Понятие о плотности вероятности. Равномерное распределение. Показательное распределение, его параметры.

Понятие о нормальном распределении. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека).

Неравенство Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.

Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Совместные наблюдения двух случайных величин. Выборочный коэффициент корреляции.

### **Углубленный уровень**

#### **Алгебра и начала анализа**

Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел.

Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений. Решение задач с использованием градусной меры угла.

Модуль числа и его свойства. Решение задач на движение и совместную работу, смеси и сплавы с помощью линейных, квадратных и дробно-рациональных уравнений и их систем.

Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков. Решение задач с использованием числовых функций и их графиков.

Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности

Графическое решение уравнений и неравенств. Использование операций над множествами и высказываниями. Использование неравенств и систем неравенств с одной переменной, числовых промежутков, их объединений и пересечений.

Применение при решении задач свойств арифметической и геометрической прогрессии, суммирования бесконечной сходящейся геометрической прогрессии.

Множества (числовые, геометрических фигур). Характеристическое свойство, элемент множества, пустое, конечное, бесконечное множество.

Способы задания множеств Подмножество. Отношения принадлежности, включения, равенства. Операции над множествами. Круги Эйлера.

Конечные и бесконечные, счетные и несчетные множества. Истинные и ложные высказывания, операции над высказываниями.

Алгебра высказываний. Связь высказываний с множествами. Кванторы существования и всеобщности.

Законы логики. Основные логические правила. Решение логических задач с использованием кругов Эйлера, основных логических правил. Умозаключения. Обоснования и доказательство в математике. Теоремы. Виды математических утверждений. Виды доказательств. Математическая индукция. Утверждения: обратное данному, противоположное, обратное противоположному данному. Признак и свойство, необходимые и достаточные условия.

Основная теорема арифметики. Остатки и сравнения. Алгоритм Евклида. Китайская теорема об остатках. Малая теорема Ферма,  $q$ -ичные системы счисления. Функция Эйлера, число и сумма делителей натурального числа.

Радианная мера угла, тригонометрическая окружность. Тригонометрические функции чисел и углов. Формулы приведения, сложения тригонометрических функций, формулы двойного и половинного аргумента. Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и наоборот.

Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значение функции. Периодические функции и наименьший период. Четные и нечетные функции. Функции «дробная часть числа»  $y = \{x\}$ , «целая часть числа»  $y = [x]$ .

Тригонометрические функции числового аргумента  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ ,  $y = \operatorname{tg} x$ ,  $y = \operatorname{ctg} x$ . Свойства и графики тригонометрических функций.

Обратные тригонометрические функции, их главные значения, свойства и графики. Тригонометрические уравнения. Однородные тригонометрические уравнения. Решение простейших тригонометрических неравенств. Простейшие системы тригонометрических уравнений.

Степень с действительным показателем, свойства степени. Простейшие показательные уравнения и неравенства.

Показательная функция и ее свойства и график. Число  $e$  и функция  $y = e^x$ .

Логарифм, свойства логарифма. Десятичный и натуральный логарифм. Преобразование логарифмических выражений. Логарифмические уравнения и неравенства. Логарифмическая функция и ее свойства и график.

Степенная функция и ее свойства и график. Иррациональные уравнения.

Первичные представления о множестве комплексных чисел. Действия с комплексными числами. Комплексно сопряженные числа. Модуль и аргумент числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Решение уравнений в комплексных числах.

Метод интервалов для решения неравенств. Преобразования графиков функций: сдвиг, умножение на число, отражение относительно координатных осей. Графические методы решения уравнений и неравенств. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических и иррациональных неравенств.

Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций. Уравнения, системы уравнений с параметром.

Формула Бинома Ньютона. Решение уравнений степени выше 2 специальных видов. Теорема Виета, теорема Безу. Приводимые и неприводимые многочлены. Основная теорема алгебры. Симметрические многочлены. Целочисленные и целозначные многочлены.

Диофантовы уравнения. Цепные дроби. Теорема Ферма о сумме квадратов. Суммы и ряды, методы суммирования и признаки сходимости.

Теоремы о приближении действительных чисел рациональными. Множества на координатной плоскости.

Неравенство Коши-Буняковского, неравенство Йенсена, неравенства о средних.

Понятие предела функции в точке. Понятие предела функции в бесконечности. Асимптоты графика функции. Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших. Непрерывность функции. Свойства непрерывных функций. Теорема Вейерштрасса.

Дифференцируемость функции. Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Применение производной в физике. Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.

Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.

Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значение с помощью производной. Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной при решении задач. Нахождение экстремумов функций нескольких переменных.

Первообразная. Неопределенный интеграл. Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла.

Методы решения функциональных уравнений и неравенств.

## Геометрия

Повторение. Решение задач с использованием свойств фигур на плоскости. Решение задач на доказательство и построение контрпримеров. Применение простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисления длин и площадей. Решение задач с помощью векторов и координат.

Наглядная стереометрия. Призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр.

Основные понятия геометрии в пространстве. Аксиомы стереометрии и следствия из них. Понятие об аксиоматическом методе.

Теорема Менелая для тетраэдра. Построение сечений многогранников методом следов. Центральное проектирование. Построение сечений многогранников методом проекций.

Скрещивающиеся прямые в пространстве. Угол между ними. Методы нахождения расстояний между скрещивающимися прямыми.

Теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве. Параллельное проектирование и изображение фигур.

Геометрические места точек в пространстве.

Перпендикулярность прямой и плоскости. Ортогональное проектирование. Наклонные и проекции. Теорема о трех перпендикулярах.

Виды тетраэдров. Ортоцентрический тетраэдр, каркасный тетраэдр, равногранный тетраэдр. Прямоугольный тетраэдр. Медианы и бимедианы тетраэдра.

Достраивание тетраэдра до параллелепипеда.

Расстояния между фигурами в пространстве. Общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых.

Углы в пространстве. Перпендикулярные плоскости. Площадь ортогональной проекции. Перпендикулярное сечение призмы. Трехгранный и многогранный угол. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трехгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла.

Виды многогранников. Развертки многогранника. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Правильные многогранники. Двойственность правильных многогранников.

Призма. Параллелепипед. Свойства параллелепипеда. Прямоугольный параллелепипед. Наклонные призмы. Пирамида. Виды пирамид. Элементы правильной пирамиды. Пирамиды с равнонаклоненными ребрами и гранями, их основные свойства.

Площади поверхностей многогранников. Тела вращения: цилиндр, конус, шар и сфера.

Сечения цилиндра, конуса и шара. Шаровой сегмент, шаровой слой, шаровой сектор (конус).

Усеченная пирамида и усеченный конус. Элементы сферической геометрии.

Конические сечения. Касательные прямые и плоскости.

Вписанные и описанные сферы. Касающиеся сферы. Комбинации тел вращения. Векторы и координаты.

Сумма векторов, умножение вектора на число. Угол между векторами. Скалярное произведение. Уравнение плоскости. Формула расстояния между точками. Уравнение сферы. Формула расстояния от точки до плоскости. Способы задания прямой уравнениями.

Решение задач и доказательство теорем с помощью векторов и методом координат. Элементы геометрии масс. Понятие объема. Объемы многогранников. Объемы тел вращения. Аксиомы объема. Вывод формул объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы и пирамиды. Формулы для нахождения объема тетраэдра. Теоремы об отношениях объемов. Приложения интеграла к вычислению объемов и поверхностей тел вращения. Площадь сферического пояса. Объем шарового слоя. Применение объемов при решении задач.

Площадь сферы. Развертка цилиндра и конуса. Площадь поверхности цилиндра и конуса. Комбинации многогранников и тел вращения. Подобие в пространстве. Отношение объемов и площадей поверхностей подобных фигур.

Движения в пространстве: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости, центральная симметрия, поворот относительно прямой.

Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

### **Вероятность и статистика, логика, теория графов и комбинаторика**

Повторение. Использование таблиц и диаграмм для представления данных. Решение задач на применение описательных характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии и стандартного отклонения. Вычисление частот и вероятностей событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновероятными элементарными исходами. Использование комбинаторики. Вычисление вероятностей независимых событий.

Использование формулы сложения вероятностей, диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.

Вероятностное пространство. Аксиомы теории вероятностей.

Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

Геометрическое распределение. Непрерывные случайные величины. Функция Лапласа.

Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека). Неравенство Чебышева.

Теорема Чебышева и теорема Бернулли. Закон больших чисел. Совместные наблюдения двух случайных величин.

Принцип Дирихле.

Связность. Компоненты связности.

Пути на графе. Эйлеровы и Гамильтоновы пути.

### **Требования к уровню подготовки обучающихся**

#### **В результате изучения математики на базовом уровне обучающийся должен**

##### ***знать/понимать:***

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; историю развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость во всех областях человеческой деятельности;
- вероятностный характер различных процессов окружающего мира.

##### **Алгебра**

##### ***Уметь:***

- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применение вычислительных устройств; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции;

- вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;

***использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:***

- для практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.

### **Функции и графики**

***Уметь:***

- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;
- строить графики изученных функций;
- описывать по графику *и в простейших случаях по формуле* поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения;
- решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя *свойства функций* и их графиков;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для описания с помощью функций различных зависимостей, представления их графически, интерпретации графиков.

### **Начала математического анализа**

**Уметь:**

- вычислять производные и первообразные элементарных функций, используя справочные материалы;
- исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций, строить графики многочленов и простейших рациональных функций с использованием аппарата математического анализа;
- вычислять в простейших случаях площади с использованием первообразной; **использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**
- для решения прикладных задач, в том числе социально-экономических и физических, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

### **Уравнения и неравенства**

**Уметь:**

- решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, простейшие иррациональные и тригонометрические уравнения, их системы;
- составлять уравнения и неравенства по условию задачи;
- использовать для приближенного решения уравнений и неравенств графический метод;
- изображать на координатной плоскости множества решений простейших уравнений и их систем;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для построения и исследования простейших математических моделей. **Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей**

**Уметь:**

- решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул;
- вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчета числа исходов;

**использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:**

- для анализа реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков;
- анализа информации статистического характера.

## Геометрия

### **Уметь:**

- распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трехмерные объекты с их описаниями, изображениями;
- описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, *аргументировать свои суждения об этом расположении*;
- анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве;
- изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач;
- *строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды*;
- решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов);
- использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы;
- проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

### ***использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и***

***повседневной жизни:*** · для исследования (моделирования) несложных практических ситуаций на основе изученных формул и свойств фигур;

- вычисления объемов и площадей поверхностей пространственных тел при решении практических задач, используя при необходимости справочники и вычислительные устройства.

### ***В результате изучения математики на профильном уровне в старшей школе обучающийся должен***

#### **Знать/понимать**

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике, для формирования и развития математической науки;
- идеи расширения числовых множеств как способа построения нового математического аппарата для решения практических задач и внутренних задач математики;
- значение идей, методов и результатов алгебры и математического анализа для построения моделей реальных процессов и ситуаций;
- возможности геометрического языка как средства описания свойств реальных предметов и их взаимного расположения;

- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость в различных областях человеческой деятельности;
- различие требований, предъявляемых к доказательствам в математике, естественных, социально-экономических и гуманитарных науках, на практике;
- роль аксиоматики в математике; возможность построения математических теорий на аксиоматической основе; значение аксиоматики для других областей знания и для практики;
- вероятностный характер различных процессов и закономерностей окружающего мира.

### **Числовые и буквенные выражения**

#### **Уметь:**

- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применение вычислительных устройств; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- применять понятия, связанные с делимостью целых чисел, при решении математических задач;
- находить корни многочленов с одной переменной, раскладывать многочлены на множители;
- выполнять действия с комплексными числами, пользоваться геометрической интерпретацией комплексных чисел, в простейших случаях находить комплексные корни уравнений с действительными коэффициентами;
- проводить преобразования числовых и буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции.

#### **Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для**

- практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, при необходимости используя справочные материалы и простейшие вычислительные устройства.

### **Функции и графики**

#### **Уметь**

- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;
- строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков;

- описывать по графику и по формуле поведение и свойства функций;
- решать уравнения, системы уравнений, неравенства, используя свойства функций и их графические представления;

Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для

- описания и исследования с помощью функций реальных зависимостей, представлениях графически; интерпретации графиков реальных процессов.

### **Начала математического анализа**

#### **Уметь**

- находить сумму бесконечно убывающей геометрической прогрессии;
- вычислять производные и первообразные элементарных функций, применяя правила вычисления производных и первообразных, используя справочные материалы;
- исследовать функции и строить их графики с помощью производной,;
- решать задачи с применением уравнения касательной к графику функции;
- решать задачи нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке;
- вычислять площадь криволинейной трапеции;

**Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для**

- решения геометрических, физических, экономических и других прикладных задач, в том числе задач на наибольшие и наименьшие значения с применением аппарата математического анализа.

### **Уравнения и неравенства**

#### **Уметь**

- решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, иррациональные и тригонометрические уравнения, их системы;
- доказывать несложные неравенства;
- решать текстовые задачи с помощью составления уравнений, и неравенств, интерпретируя результат с учетом ограничений условия задачи;
- изображать на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.
- находить приближенные решения уравнений и их систем, используя графический метод;
- решать уравнения, неравенства и системы с применением графических представлений, свойств функций, производной;

**Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для**

- построения и исследования простейших математических моделей

## 2. ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

Программа базового курса по математике основного общего образования рассчитана на 170 часов в год, 5 часов в неделю. Для изучения математики на углублённом уровне часы рабочей программы увеличены и рассчитаны на 204 часов в год, 6 часов в неделю.

№	Тема	Количество часов	
		Базовый уровень	Углубленный уровень
	<b>Вводное повторение</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
1	Повторение	5	6
	<b>Действительные числа</b>	<b>7</b>	<b>16</b>
2	Натуральные и целые числа	3	3
3	Рациональные числа	-	1
4	Иррациональные числа	2	2
5	Множество действительных чисел	1	2
6	Модуль действительного числа	2	3
7	<i>Контрольная работа №1</i>	1	1
8	Метод математической индукции	-	4
	<b>Числовые функции</b>	<b>7</b>	<b>9</b>
9	Определение числовой функции и способы ее задания	2	2
10	Свойства функции	2	3
11	Периодические функции	1	1

12	Обратная функция	1	2
13	<i>Контрольная работа №2</i>	1	1

	<b>Тригонометрические функции</b>	<b>18</b>	<b>24</b>
14	Числовая окружность	2	2
15	Числовая окружность на координатной плоскости	1	2
16	Синус и косинус. Тангенс и котангенс	2	3
17	Тригонометрические функции числового аргумента	2	2
18	Тригонометрические функции углового аргумента	1	1
19	Функции $y=\sin x$ , $y=\cos x$ , их свойства и графики	2	3
20	<i>Контрольная работа №3</i>	1	1
21	Построение графика функции $y=mf(x)$	1	2
22	Построение графика функции $y=f(kx)$	2	2
23	График гармонического колебания	1	1
24	Функции $y=\operatorname{tg} x$ , $y=\operatorname{ctg} x$ , их свойства и графики	2	2
25	Обратные тригонометрические функции	1	3
	<b>Тригонометрические уравнения</b>	<b>7</b>	<b>10</b>
26	Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства	3	4
27	Методы решения тригонометрических уравнений	3	5
28	<i>Контрольная работа №4</i>	1	1
	<b>Преобразование тригонометрических выражений</b>	<b>15</b>	<b>20</b>
29	Синус и косинус суммы и разности аргументов	2	3
30	Тангенс суммы и разности аргументов	1	2
31	Формулы приведения	2	2
32	Формулы двойного аргумента. Формулы понижения степени	2	3
33	Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение	2	3
34	Преобразование произведения тригонометрических функций в сумму	2	2
35	Преобразование выражения $A\sin x + B\cos x$ к виду $C\sin(x+t)$ .	1	1
36	Методы решения тригонометрических уравнений (продолжение)	2	4
37	<i>Контрольная работа №5</i>	1	1

	<b>Производная</b>	<b>21</b>	<b>26</b>
38	Числовые последовательности	1	2
39	Предел числовой последовательности	2	2
40	Предел функции	1	2
41	Определение производной	2	2
42	Вычисление производных	3	3
43	Дифференцирование сложной функции. Дифференцирование обратной функции	1	2
44	Уравнение касательной к графику функции	2	3
45	<i>Контрольная работа №6</i>	1	2
46	Применение производной для исследования функций	3	3
47	Построение графиков функций	2	2
48	Применение производной для отыскания наибольших величин и Наименьших значений	2	5
49	<i>Контрольная работа №7</i>	1	1
	<b>Комбинаторика и вероятность</b>	<b>6</b>	<b>9</b>
50	Правило умножения. Комбинаторные задачи	2	2
51	Перестановки и факториалы. Выбор нескольких элементов. Биноминальные коэффициенты	1	2
52	Случайные события и вероятности	2	3
53	<i>Контрольная работа №8</i>	1	1
	<b>Комплексные числа</b>	<b>0</b>	<b>10</b>
54	Комплексные числа и арифметические операции над ними	-	2
55	Комплексные числа и координатная плоскость	-	1
56	Тригонометрическая форма записи комплексного числа	-	2
57	Комплексные числа и квадратные уравнения	-	1
58	Возведение комплексного числа в степень. Извлечение кубического корня из комплексного числа	-	2
59	<i>Контрольная работа №9</i>	-	1
60	<b>Повторение</b>	<b>16</b>	<b>6</b>
	<b>ИТОГО</b>	<b>102</b>	<b>136</b>

Геометрия. 10 класс

Базовый 68 часа в год (2 ч в неделю). Углубленный 68 часов в год (2 час в неделю)

№	Тема	Количество часов	
		Базовый уровень	Углубленный уровень
1.	Повторение планиметрии  <b>Введение. Аксиомы стереометрии и их следствия</b>	<b>12</b>	<b>12</b>
		<b>3</b>	<b>3</b>
1	Предмет стереометрии. Аксиомы стереометрии Некоторые следствия из аксиом	3	3
	<b>Глава 1. Параллельность прямых и плоскостей</b>	<b>16</b>	<b>16</b>
2	<b>§1. Параллельность прямых, прямой и плоскости</b> Параллельные прямые в пространстве. Параллельность трех прямых. Параллельность прямой и плоскости	4	4
3	<b>§ 2. Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между двумя прямыми</b> Скрещивающиеся прямые. Углы с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми. <i>Контрольная работа №1.1 (20 мин)</i>	4	4
4	<b>§ 3. Параллельность плоскостей</b> Параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей	2	2
5	<b>§ 4. Тетраэдр и параллелепипед</b> Тетраэдр. Параллелепипед. Задачи на построение сечений. <i>Теоремы</i>	4	4

	<i>Менелая и Чевы</i>		
6	<i>Контрольная работа № 2 по теме «Тетраэдр и параллелепипед»</i>	1	1
7	<i>Зачет №1</i>	1	1
	<b>Глава II. Перпендикулярность прямых и плоскостей</b>	<b>17</b>	<b>17</b>
8	<b>§ 1. Перпендикулярность прямой и плоскости</b> Перпендикулярные прямые в пространстве. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Теорема о прямой, перпендикулярной плоскости	5	5
9	<b>§ 2. Перпендикуляр и наклонные. Угол между прямой и плоскостью</b> Расстояние от точки до плоскости. Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью	5	5
10	<b>§ 3. Двугранный угол. Перпендикулярность плоскостей</b> Двугранный угол. Признак перпендикулярности двух плоскостей. Прямоугольный параллелепипед.	4	4
11	<b>Трёхгранный угол. Многогранный угол</b>	1	1
12	<i>Контрольная работа № 3 по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей»</i>	1	1
13	<i>Зачет № 2</i>	1	1
	<b>Глава III. Многогранники</b>	<b>16</b>	<b>16</b>
14	<b>§ 1. Понятие многогранника. Призма</b> <i>Решение треугольников</i> Понятие многогранника. <i>Геометрическое тело. Теорема Эйлера.</i> Призма. Пространственная	5	5

	Теорема Пифагора		
15	<b>§ 2. Пирамида</b> Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида	4	4
16	<b>§ 3. Правильные многогранники</b> Симметрия в пространстве. Понятие правильного многогранника. Элементы симметрии правильных многогранников	5	5
17	<i>Контрольная работа № 4</i> по теме «Многогранники»	1	1
18	<i>Зачет № 3</i>	1	1
19	<b>Заключительное повторение курса геометрии X класса</b>	4	4
	<b>ИТОГО</b>	<b>68</b>	<b>68</b>

11 класс

№	Тема	Количество часов	
		Базовый уровень	Углубленный уровень
1	<b>Повторение материала 10 класса</b>	<b>4</b>	<b>4</b>
	<b>Глава 1. Многочлены</b>	<b>7</b>	<b>10</b>
2	Многочлены от одной переменной	3	3
3	Многочлены от нескольких переменных	2	3
4	Уравнения высших степеней	2	3
5	<i>Контрольная работа № 1</i>	-	1
	<b>Глава 2. Степени и корни. Степенные функции</b>	<b>18</b>	<b>24</b>
6	Понятие корня n-ой степени из действительного числа	2	2
7	Функции $y = x^n$ , их свойства и графики	2	3

8	Свойства корня n-й степени	3	3
9	Преобразование выражений, содержащих радикалы	3	4
10	<i>Контрольная работа № 2</i>	1	2
11	Понятие степени с любым рациональным показателем	3	3
12	Степенные функции, их свойства и графики	3	4
13	<i>Извлечение корней из комплексных чисел</i>	-	2
14	<i>Контрольная работа № 3</i>	1	1
	<b>Глава 3. Показательная и логарифмическая функции</b>	<b>24</b>	<b>31</b>
15	Показательная функция, ее свойства и график	2	3
16	Показательные уравнения	3	3
17	Показательные неравенства	2	2
18	Понятие логарифма	2	2
19	Логарифмическая функция, ее свойства и график	2	3
20	<i>Контрольная работа № 4</i>	1	2

21	Свойствалогарифмов	3	4
22	Логарифмическиеуравнения	3	4
23	Логарифмическиенеравенства	3	3
24	Дифференцирование показательной и логарифмической функций	2	3
25	<i>Контрольная работа № 5</i>	1	2
	<b>Глава 4. Первообразная и интеграл</b>	<b>7</b>	<b>9</b>
26	Первообразная и неопределенныйинтеграл	2	3
27	Определенныйинтеграл	4	5
28	<i>Контрольная работа № 6</i>	1	1
	<b>Глава 5. Элементы теории вероятностей и математической статистики</b>	<b>6</b>	<b>9</b>
29	Вероятность и геометрия	2	2
30	Независимые повторения испытаний с двумя исходами	2	3
31	Статистическиеметодыобработкиинформации	1	2
32	Гауссова кривая. Закон больших чисел	1	2
	<b>Глава 6. Уравнения и неравенства. Системы уравнений и неравенств</b>	<b>22</b>	<b>33</b>

33	Равносильность уравнений	3	4
34	Общие методы решения уравнений	3	3
35	Равносильность неравенств	3	3
36	Уравнения и неравенства с модулями	2	3
37	<i>Контрольная работа № 7</i>	1	1
38	Уравнения и неравенства со знаком радикала	2	4
39	Уравнения и неравенства с двумя переменными	1	2
40	Доказательствонеравенств	3	3
41	Системыуравнений	3	4
42	<i>Контрольная работа № 8</i>	1	1
43	Задачи с параметрами	-	5
44	<b>Обобщающееповторение</b>	<b>14</b>	<b>16</b>
	<b>ИТОГО</b>	<b>102</b>	<b>136</b>

Геометрия. 11 класс

№	Тема	Количество часов	
		Базовый уровень	Углубленный уровень
<b>Векторы в пространстве</b>		<b>0</b>	<b>6</b>
	<b>§ 1. Понятие вектора в пространстве</b> Понятие вектора. Равенство векторов	-	1
	<b>§ 2. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число</b> Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов. Умножение вектора на число	-	2
	<b>§ 3. Компланарные векторы</b> Компланарные векторы. Правило параллелепипеда. Разложение вектора по трём некопланарным векторам	--	2
	<b>Контрольная работа по теме: «Векторы в пространстве»</b>	-	1
<b>Метод координат в пространстве. Движения</b>		<b>15</b>	<b>15</b>
	<b>§ 1. Координаты точки и координаты вектора</b> Прямоугольная система координат в пространстве Координаты вектора. Связь между координатами векторов и координатами точек. Простейшие задачи в координатах. Уравнение сферы.	<b>4</b>	4
	<b>§ 2. Скалярное произведение векторов</b> Угол между векторами. Скалярное произведение векторов Вычисление углов между прямыми и плоскостями. <i>Уравнение плоскости</i>	<b>6</b>	6
	<b>§ 3. Движения</b> Центральная симметрия. Осевая симметрия. Зеркальная симметрия. Параллельный перенос	<b>3</b>	3
	<b>Контрольная работа по теме: «Метод координат в пространстве»</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
	<b>Зачёт по теме: «Метод координат в пространстве»</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>Цилиндр, конус и шар</b>		<b>22</b>	<b>22</b>

1	<b>§ 1. Цилиндр</b> Понятие цилиндра. Площадь поверхности цилиндра	3	3
2	<b>§ 2. Конус</b> Понятие конуса. Площадь поверхности конуса. Усечённый конус	4	4
	<b>§ 3. Сфера</b> Сфера и шар. Взаимное расположение сферы и плоскости. Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы. Взаимное расположение сферы и прямой. Сфера, вписанная в цилиндрическую поверхность. Сфера, вписанная в коническую поверхность. Эллипс, гипербола и парабола Сечения цилиндрической поверхности. Сечения конической поверхности.	13	13
	<b>Контрольная работа по теме «Цилиндр, конус и шар»</b>	1	1
	Зачёт по теме: «Цилиндр, конус и шар»	1	1
<b>Объемы тел</b>		<b>20</b>	<b>20</b>
	<b>§ 1. Объем прямоугольного параллелепипеда</b> Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда	2	2
	<b>§ 2. Объемы прямой призмы и цилиндра</b> Объем прямой призмы. Объем цилиндра	4	4
	<b>§ 3. Объемы наклонной призмы, пирамиды и конуса</b> Вычисление объемов тел с помощью определённого интеграла. Объем наклонной призмы. Объем пирамиды Объем конуса	6	6
	<b>§ 4. Объем шара и площадь сферы</b> Объем шара. Объемы шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора.	6	6
	<b>Контрольная работа по теме «Объемы тел»</b>	1	1

	<b>Зачет по теме «Объемы тел»</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>Повторение</b>		<b>11</b>	<b>5</b>
	<b>Всего за год</b>	<b>68ч</b>	<b>68ч</b>

Список контрольных работ по темам:

10 класс

№	Тема контрольной работы	Углубленный	Базовый
1.	Входная контрольная работа	1	1
2	Контрольная работа по теме «Действительные числа».	1	1
3	Контрольная работа по теме "Числовые функции".	1	-
4	Контрольная работа по теме «Параллельность прямой и плоскости».	1	1
5	Контрольная работа по теме «Тригонометрические функции».	1	1
6	Контрольная работа по теме «Параллельность плоскостей».	1	1
7	Контрольная работа по теме «Тригонометрические уравнения и неравенства».	1	1
8	Контрольная работа по теме «Преобразование тригонометрических выражений».	1	1
9	Контрольная работа по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей».	1	1
10	Контрольная работа по теме «Многогранники».	1	1
11	Контрольная работа по теме «Производная».	1	1
12	Контрольная работа по теме «Исследование функций».	1	1
13	Контрольная работа по теме «Комплексные числа»	1	-
14	Контрольная работа по теме «Комбинаторика и вероятность»	1	1
15	Итоговая контрольная работа по учебному предмету «Математика: алгебра и начала анализа, геометрия» за курс 11 класса (промежуточная аттестация)	1	1
	Всего за год	15	13

11 класс

№	Тема контрольной работы	Углубленный	Базовый
1	Входная контрольная работа	1	1
2	Контрольная работа по теме "Многочлены".	1	-
3	Контрольная работа по теме "Векторы в пространстве".	1	1
4	Контрольная работа по теме "Степени и корни. Степенные функции".	1	1
5	Контрольная работа по теме ". Степенные функции".	1	1
6	Контрольная работа по теме "Метод координат в пространстве".	1	1
7	Контрольная работа по теме "Показательная и логарифмическая функций".	1	1
8	Контрольная работа по теме "Показательная и логарифмическая уравнения и неравенства".	1	1
9	Контрольная работа по теме "Цилиндр. Конус. Шар".	1	1
10	Контрольная работа по теме "Первообразная и интеграл".	1	1
11	Контрольная работа по теме "Объемы тел".	1	1
12	Контрольная работа по теме « Уравнения и неравенства. Системы уравнений и неравенств»	1	1
13	Контрольная работа по теме «. Системы уравнений и неравенств»	1	1
14	Итоговая контрольная работа по учебному предмету «Математика: алгебра и начала анализа, геометрия»	1	1

	за курс 11 класса (промежуточная аттестация)		
	Всего за год	14	13

### Календарно-тематическое планирование 10 класс

№	Раздел. Тема	Кол-во часов	
		Углуб	Баз
1	2		
<b>Повторение (6ч)</b>		<b>6</b>	<b>5</b>
1	Решение задач на движение и совместную работу с помощью линейных, квадратных и дробно-рациональных уравнений и их систем.	1	1
2	Решение задач на смеси и сплавы с помощью линейных, квадратных и дробно-рациональных уравнений и их систем.	1	1
3	Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков.	1	1
4	Графическое решение уравнений и неравенств.	1	-
5	Применение при решении задач свойств арифметической прогрессии, свойств геометрической прогрессии, суммирования бесконечной сходящейся геометрической прогрессии.	1	1
6	Входная контрольная работа	1	1
<b>Действительные числа (12 часов) (примечание)</b>		<b>12</b>	<b>7</b>

7	Натуральные и целые числа	1	1
8	Натуральные и целые числа	1	1
9	Натуральные и целые числа	1	1
10	Рациональные числа	1	1
11	Иррациональные числа	1	1
12	Иррациональные числа	1	-
13	Множество действительных чисел	1	1
14	Множество действительных чисел	1	-
15	Модуль действительного числа	1	1
16	Модуль действительного числа	1	-
17	Модуль действительного числа	1	-
18	<b>Контрольная работа по теме «Действительные числа»</b>	1	-
<b><i>Планиметрия (12ч)</i></b>		<b>12</b>	<b>12</b>
19	Решение задач с использованием свойств фигур на плоскости.	1	1
20	Решение задач на доказательство и построение контрпримеров.	1	1
21	Применение простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками.	1	1
22	Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями.	1	1
23	Решение задач на измерения на плоскости.	1	1
24	Решение задач на измерения на плоскости, вычисления длин.	1	1
25	Решение задач на вычисления длин и площадей.	1	1
26	Решение задач на вычисления площадей.	1	1
27	Решение задач с помощью геометрических преобразований.	1	1
28	Решение задач с помощью векторов и координат.	1	1
29	Решение задач с помощью геометрических мест.	1	1

30	Решение задач с помощью геометрических мест и геометрических преобразований.	1	1
<b>Введение. Предмет стереометрии (3ч)</b>		<b>3</b>	<b>3</b>
31	Основные понятия геометрии в пространстве.	1	1
32	Аксиомы стереометрии и следствия из них. Понятие об аксиоматическом методе.	1	1
33	Следствия из аксиом стереометрии.	1	1
<b>Основы математической логики (4ч) (примечание)</b>		<b>4</b>	<b>0</b>
34	Математическая индукция. Основные логические правила. Законы логики. Решение логических задач с использованием кругов Эйлера, основных логических правил.	1	-
35	Алгебра высказываний. Признак и свойство, необходимые и достаточные условия. Умозаключения. Обоснования и доказательство в математике. Теоремы. Виды математических утверждений.	1	-
36	Виды доказательств. Истинные и ложные высказывания, операции над высказываниями. Связь высказываний с множествами. Кванторы существования и всеобщности.	1	-
37	Утверждения: обратное данному, противоположное, обратное противоположному данному.	1	-
<b>Числовые функции (9ч)</b>		<b>9</b>	<b>7</b>
38	Определение числовой функции и способы ее задания	1	1
39	Определение числовой функции и способы ее задания	1	1
40	Свойства функции	1	1
41	Свойства функции	1	1
42	Свойства функции	1	-
43	Периодические функции	1	1
44	Обратная функция.	1	-
45	Обратная функция.	1	1
46	<b>Контрольная работа по теме "Числовые функции".</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>Параллельность прямой и плоскости (8ч)</b>		<b>8</b>	<b>8</b>

47	Теоремы о параллельности прямых в пространстве.	1	1
48	Теоремы о параллельности прямых в пространстве. Параллельное проектирование и изображение фигур.	1	1
49	Теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве.	1	1
50	Геометрические места точек в пространстве.	1	1
51	Скрещивающиеся прямые в пространстве.	1	1
52	Угол между скрещивающимися прямыми в пространстве.	1	1
53	Методы нахождения расстояний между скрещивающимися прямыми. Решение задач на нахождение углов между скрещивающимися прямыми.	1	1
54	<b><i>Контрольная работа по теме «Параллельность прямой и плоскости».</i></b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b><i>Тригонометрические функции (24 ч)</i></b>		<b>24</b>	<b>18</b>
55	Числовая окружность	<b>1</b>	<b>1</b>
56	Числовая окружность	1	1
57	Числовая окружность на координатной плоскости	1	1
58	Числовая окружность на координатной плоскости	1	1
59	Синус и косинус. Тангенс и котангенс	1	1
60	Синус и косинус. Тангенс и котангенс	1	1
61	Синус и косинус. Тангенс и котангенс	1	1
62	Тригонометрические функции числового аргумента	1	1
63	Тригонометрические функции числового аргумента	1	1
64	Тригонометрические функции углового аргумента	1	1
65	Функции $y=\sin x$ , $y=\cos x$ , их свойства и графики	1	1
66	Функции $y=\sin x$ , $y=\cos x$ , их свойства и графики	1	1
67	Функции $y=\sin x$ , $y=\cos x$ , их свойства и графики	1	-
68	<i>Контрольная работа №3</i>	1	1
69	Построение графика функции $y=mf(x)$	1	1

70	Построение графика функции $y=mf(x)$	1	1
71	Построение графика функции $y=f(kx)$	1	1
72	Построение графика функции $y=f(kx)$	1	-
73	График гармонического колебания	1	1
74	Функции $y=tgx, y=ctgx$ , их свойства и графики	1	1
75	Функции $y=tgx, y=ctgx$ , их свойства и графики	1	-
76	Обратные тригонометрические функции	1	-
77	Обратные тригонометрические функции	<b>1</b>	-
78	Обратные тригонометрические функции .	1	-
<b><i>Параллельность плоскостей (8ч)</i></b>		<b>8</b>	<b>8</b>
79	Параллельные плоскости.	1	1
80	Свойства параллельных плоскостей.	1	1
81	Тетраэдр. Теорема Менелая для тетраэдра.	1	1
82	Параллелепипед.	1	1
83	Решение задач по теме «Параллелепипед»	1	1
84	Построение сечений многогранников методом следов.	1	1
85	Центральное проектирование. Построение сечений многогранников методом проекций.	1	1
86	<b><i>Контрольная работа по теме «Параллельность плоскостей».</i></b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b><i>Тригонометрические уравнения (10 ч)</i></b>		<b>10</b>	<b>7</b>
87	Тригонометрические уравнения.	1	1
88	Тригонометрические уравнения.	1	1
89	Решение простейших тригонометрических неравенств.	1	1
90	Решение простейших тригонометрических неравенств.	1	-
91	Простейшие системы тригонометрических уравнений.	1	1
92	Тригонометрические уравнения.	1	-

93	Тригонометрические уравнения.	1	-
94	Однородные тригонометрические уравнения.	1	1
95	Однородные тригонометрические уравнения.	1	1
96	<b>Контрольная работа по теме «Тригонометрические уравнения и неравенства».</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>Перпендикулярность прямой и плоскости (5ч)</b>		<b>5</b>	<b>5</b>
97	Перпендикулярность прямых в пространстве	1	1
98	Перпендикулярность прямой и плоскости.	1	1
99	Перпендикулярность прямой и плоскости. Ортогональное проектирование.	1	1
100	Наклонные и проекции. Теорема о трех перпендикулярах.	1	1
101	Решение задач на применение теории перпендикулярности прямых, прямой и плоскости в пространстве.	1	1
<b>Преобразование тригонометрических выражений (10 ч)</b>		<b>10</b>	<b>7</b>
102	Формулы сложения тригонометрических функций.	1	1
103	Формулы сложения тригонометрических функций.	1	1
104	Формулы сложения тригонометрических функций.	1	1
105	Формулы сложения тригонометрических функций.	1	-
106	Формулы сложения тригонометрических функций.	1	-
107	Формулы приведения.	1	1
108	Формулы приведения.	1	1
109	Формулы двойного и половинного аргумента.	1	1
110	Формулы двойного и половинного аргумента.	1	1
111	Формулы двойного и половинного аргумента.	1	-
<b>Теорема о трех перпендикулярах (6ч)</b>		<b>6</b>	<b>6</b>
112	Расстояния между фигурами в пространстве. Общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых.	1	1
113	Расстояния между фигурами в пространстве. Их свойства.	1	1
114	Расстояния между фигурами в пространстве	1	1

115	Углы в пространстве.	1	1
116	Углы в пространстве.	1	1
117	Площадь ортогональной проекции.	1	1
<b>Преобразование тригонометрических выражений. Продолжение (10ч)</b>		<b>10</b>	<b>8</b>
118	Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и наоборот.	1	1
119	Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и наоборот.	1	1
120	Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и наоборот.	1	1
121	Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и наоборот.	1	1
122	Тригонометрические уравнения.	1	1
123	Тригонометрические уравнения.	1	1
124	Тригонометрические уравнения.	1	-
125	Тригонометрические уравнения.	1	-
126	Тригонометрические уравнения	<b>1</b>	<b>1</b>
127	<b>Контрольная работа по теме «Преобразование тригонометрических выражений».</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>Перпендикулярность плоскостей (6ч )</b>		<b>6</b>	<b>6</b>
128	Двугранный угол. Трехгранный и многогранный угол. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трехгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла.	1	1
129	Перпендикулярные плоскости.	1	1
130	Параллелепипед. Свойства параллелепипеда.	1	1
131	Прямоугольный параллелепипед.	1	1
132	Прямоугольный параллелепипед.	1	1
133	<b>Контрольная работа по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей».</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>Производная (26 ч)</b>		<b>26</b>	<b>21</b>

134	Числовые последовательности.	1	1
135	Числовые последовательности.	1	1
136	Предел числовой последовательности.	1	1
137	Предел числовой последовательности.	1	1
138	Понятие предела функции в точке. Понятие предела функции в бесконечности. Асимптоты графика функции.	1	-
139	Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших. Непрерывность функции. Свойства непрерывных функций. Теорема Вейерштрасса.	1	-
140	Дифференцируемость функции. Производная функции в точке.	1	1
141	Геометрический и физический смысл производной. Применение производной в физике.	1	1
142	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.	1	1
143	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.	1	1
144	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.	1	1
145	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.	1	1
146	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.	1	-
147	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.	1	1
148	Касательная к графику функции.	1	1
149	Касательная к графику функции.	1	1
150	<b>Контрольная работа по теме «Производная».</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
151	Точки экстремума (максимума и минимума).	1	1
152	Исследование элементарных функций на точки экстремума.	1	1
153	Исследование элементарных функций на точки экстремума.	1	1
154	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции с помощью производной.	1	1
155	Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Построение графиков функций с помощью производных.	1	-
156	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции с помощью производной.	1	1

157	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции с помощью производной.	1	1
158	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции с помощью производной.	1	-
159	<b>Контрольная работа по теме «Исследование функций».</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>Многогранники (16ч)</b>		<b>16</b>	<b>16</b>
160	Виды многогранников. Развертки многогранника. Кратчайшие пути на поверхности многогранника.	1	1
161	Призма. Наклонные призмы.	1	1
162	Перпендикулярное сечение призмы.	1	1
163	Пирамида. Виды пирамид. Усеченная пирамида.	1	1
164	Элементы правильной пирамиды. Пирамиды с равнонаклоненными ребрами и гранями, их основные свойства.	1	1
165	Тетраэдр. Виды тетраэдров.	1	1
166	Равногранный тетраэдр. Прямоугольный тетраэдр. Медианы и бимедианы тетраэдра.	1	1
167	Достраивание тетраэдра до параллелепипеда.	1	1
168	Ортоцентрический тетраэдр, каркасный тетраэдр.	1	1
169	Правильные многогранники.	1	1
170	Теорема Эйлера для правильного многогранника.	1	1
171	Двойственность правильных многогранников. Площади поверхностей многогранников.	1	1
172	Двойственность правильных многогранников.	1	1
173	<b>Контрольная работа по теме «Многогранники».</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
174	Решение задач	1	1
175	Решение задач	1	1
<b>Комплексные числа (9 ч.)(примечание)</b>		<b>9</b>	<b>0</b>
176	Первичные представления о множестве комплексных чисел. Действия с комплексными числами.	1	-
177	Комплексно сопряженные числа.	1	-
178	Модуль и аргумент комплексного числа.	1	-
179	Тригонометрическая форма комплексного числа.	1	-

180	Тригонометрическая форма комплексного числа.	1	-
181	Решение уравнений в комплексных числах.	1	-
182	Действия с комплексными числами.	1	-
183	Действия с комплексными числами.	1	-
184	<b>Контрольная работа по теме «Комплексные числа»</b>	1	-
<b>Комбинаторика и вероятность (10ч)</b>		<b>10</b>	<b>6</b>
185	Использование таблиц и диаграмм для представления данных.	1	1
186	Решение задач на применение описательных характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии и стандартного отклонения.	1	1
187	Вычисление вероятностей независимых событий. Вычисление частот и вероятностей событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновозможными элементарными исходами. Использование комбинаторики.	1	1
188	Использование формулы сложения вероятностей, диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.	1	1
189	Использование формулы сложения вероятностей, диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.	1	1
190	Вероятностное пространство. Аксиомы теории вероятностей.	1	1
191	Условная вероятность. Правило умножения вероятностей.	1	1
192	Условная вероятность. Правило умножения вероятностей.	1	1
193	Формула полной вероятности. Формула Байеса.	1	1
194	<b>Контрольная работа по теме «Комбинаторика и вероятность»</b>	1	1
<b>Повторение (10=6+4ч)</b>		<b>6</b>	<b>20</b>
195	Повторение(геометрия)	<b>1</b>	<b>2</b>
196	Повторение (геометрия)	<b>1</b>	<b>3</b>
197	Повторение	<b>1</b>	<b>2</b>
198	Повторение	<b>1</b>	<b>3</b>
199	Итоговая контрольная работа по учебному предмету «Математика: алгебра и начала анализа, геометрия» за курс	<b>1</b>	<b>1</b>

	10 класса (промежуточная аттестация)		
200	Повторение	<b>1</b>	<b>3</b>
201	Повторение (геометрия)	<b>1</b>	<b>2</b>
202	Повторение (геометрия)	<b>1</b>	<b>2</b>
203	Повторение	<b>1</b>	<b>1</b>
204	Обобщающий урок	1	1
		204	170

## Календарно-тематическое планирование 11 класс базовый уровень

№	Раздел. Тема	Кол-во часов
1	2	3
<b>Повторение материала 10 класса (4ч)</b>		
1	Тригонометрические уравнения и неравенства	1
2	Производная..	1
3	Применение производной.	1
4	Входная контрольная работа	1
<b>Многочлены (7ч)</b>		
5	Многочлены от одной переменной	1
6	Многочлены от одной переменной	1
7	Многочлены от нескольких переменных	1
8	Многочлены от нескольких переменных .	1
9	Уравнения высших степеней .	1
10	Уравнения высших степеней	1
11	<b>Контрольная работа по теме "Многочлены".</b>	1
<b>Векторы в пространстве (0ч)</b>		
	Понятие вектора. Равенство векторов	1
	Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов. Умножение вектора на число	1
	Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов. Умножение вектора на число.	1
	Компланарные вектора. Правило параллелепипеда Разложение вектора по трем некопланарным векторам..	1
	Компланарные вектора. Правило параллелепипеда Разложение вектора по трем некопланарным векторам.	1

	<b>Контрольная работа по теме "Векторы в пространстве".</b>	1
<b>Степени и корни. Степенные функции (18ч)</b>		
12	Понятие корня n-ой степени из действительного числа	1
13	Понятие корня n-ой степени из действительного числа	1
14	Функции $y = \sqrt[n]{x}$ , их свойства и графики.	1
15	Функции $y = \sqrt[n]{x}$ , их свойства и графики	1
16	Функции $y = \sqrt[n]{x}$ , их свойства и графики	1
17	Свойства корня n-й степени	1
18	Свойства корня n-й степени	1
19	Свойства корня n-й степени	1
20	Преобразование иррациональных выражений	1
21	Преобразование иррациональных выражений	1
22	Преобразование иррациональных выражений	1
23	<b>Контрольная работа по теме «Степени и корни»</b>	1
24	Понятие степени с любым рациональным показателем	1
25	Понятие степени с любым рациональным показателем . Степенная функция и ее свойства и график.	1
26	Понятие степени с любым рациональным показателем . Степенная функция и ее свойства и график.	1
27	Степенные функции, их свойства и графики	1
28	Степенные функции, их свойства и графики	1
29	<b>Контрольная работа по теме " Степенные функции".</b>	1
<b>Метод координат в пространстве (15ч)</b>		
30	<b>§ 1. Координаты точки и координаты вектора</b> Прямоугольная система координат в пространстве . Координаты вектора. Связь между координатами векторов и координатами точек.	1

31	Простейшие задачи в координатах.	1
32	Простейшие задачи в координатах. .	1
33	Уравнение сферы.	1
34	<b>§ 2. Скалярное произведение векторов</b> Угол между векторами	1
35	Скалярное произведение.	1
36	. Скалярное произведение векторов .	1
37	Вычисление углов между прямыми и плоскостями .	1
38	Вычисление углов между прямыми и плоскостями	1
39	Уравнение плоскости	1
40	<b>§ 3. Движения</b> Центральная симметрия. Осевая симметрия	1
41	. Зеркальная симметрия. Параллельный перенос	1
42	Преобразование подобия, гомотетия. Элементы геометрии масс.	1
43	<b>Контрольная работа по теме "Метод координат в пространстве"..</b>	1
44	Зачёт по теме: «Метод координат в пространстве»	1
<b>Показательная и логарифмическая функции( 24ч)</b>		
45	Показательная функция , ее свойства и график.	1
46	Показательная функция ., ее свойства и график.	1
47	Простейшие показательные уравнения	1
48	Простейшие показательные уравнения.	1
49	Простейшие показательные неравенства.	1
50	Простейшие показательные неравенства.	1
51	Понятие логарифма	1
52	Логарифм.	1

53	Десятичный и натуральный логарифм.	1
54	Логарифмическая функция и ее свойства и график	1
55	Логарифмическая функция и ее свойства и график.	1
56	<b>Контрольная работа по теме «Показательная и логарифмическая функции»</b>	1
57	Свойства логарифма..	1
58	Свойства логарифма.	1
59	Свойства логарифма.	1
60	Логарифмические уравнения	1
61	Логарифмические уравнения	1
62	Логарифмические уравнения	1
63	Логарифмические неравенства.	1
64	Логарифмические неравенства.	1
65	Логарифмические неравенства.	1
66	Дифференцирование показательной и логарифмической функций	1
67	Дифференцирование показательной и логарифмической функций	1
68	<b>Контрольная работа по теме "Показательные и логарифмические уравнения и неравенства".</b>	1
<b>Цилиндр, конус, шар (22ч)</b>		
69	<b>§ 1. Цилиндр</b> Понятие цилиндра.	1
70	Площадь поверхности цилиндра	1
71	Площадь поверхности цилиндра	1
72	<b>§ 2. Конус</b> Понятие конуса	1
73	Понятие конуса. Площадь поверхности конуса.	1

74	Усечённый конус	1
75	Сечения цилиндра, конуса и шара.	1
76	<b>§ 3. Сфера</b> Сфера и шар. Взаимное расположение сферы и плоскости.	1
77	Взаимное расположение сферы и плоскости.	1
78	Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы.	1
79	Элементы сферической геометрии.	1
80	Взаимное расположение сферы и прямой.	1
81	Сфера, вписанная в цилиндрическую поверхность	1
82	Сфера, вписанная в цилиндрическую поверхность .	1
83	Сфера, вписанная в коническую поверхность.	1
84	Сфера, вписанная в коническую поверхность.	1
85	Эллипс, гипербола и парабола	1
86	Эллипс, гипербола и парабола	1
87	Сечения цилиндрической поверхности.	1
88	Сечения конической поверхности	1
89	<b>Контрольная работа по теме "Цилиндр. Конус. Шар".</b>	1
90	Зачёт по теме: «Цилиндр, конус и шар»	1
<b>Первообразная и интеграл (7ч)</b>		
91	Первообразная. Неопределенный интеграл.	1
92	Первообразные элементарных функций	1
93	Определенный интеграл..	1
94	Определенный интеграл. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница	1
95	Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница.	1
96	Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла	1

97	<b>Контрольная работа по теме "Первообразная и интеграл".</b>	1
	<b>Объемы тел (20ч)</b>	
98	<b>§ 1. Объем прямоугольного параллелепипеда</b> Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда	1
99	.Объем прямоугольного параллелепипеда	1
100	<b>2. Объемы прямой призмы и цилиндра</b> Объем прямой призмы.	1
101	Объем прямой призмы.	1
102	Объем цилиндра Вывод формул объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы.	1
103	Объем прямой призмы. Объем цилиндра .	1
104	<b>§ 3. Объемы наклонной призмы, пирамиды и конуса</b> Вычисление объемов тел с помощью определённого интеграла.	1
105	Объем наклонной призмы.	1
106	Объем пирамиды	1
107	Объем конуса. Теоремы об отношениях объемов.	1
108	Применение формул объемов геометрических тел при решении задач	1
109	Применение формул объемов геометрических тел при решении задач.	1
110	<b>§ 4. Объем шара и площадь сферы</b> Объем шара Применение формул объемов при решении задач.	1
111	Объем шара..	1
112	Объемы шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора. Приложения интеграла к вычислению объемов и поверхностей тел вращения. Применение объемов при решении задач.	1
113	Объемы шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора. Площадь сферы	1
114	Отношение объемов и площадей поверхностей подобных фигур.	1
115	Отношение объемов и площадей поверхностей подобных фигур	1

116	<b>Контрольная работа по теме «Объемы тел»</b>	1
117	Зачёт по теме: «Объёмы тел»	1
	<b>Элементы теории вероятностей и математической статистики (6ч)</b>	
118	Вероятность и геометрия	1
119	Вероятность и геометрия	1
120	Независимые повторения испытаний с двумя исходами	1
121	Независимые повторения испытаний с двумя исходами	1
122	Статистические методы обработки информации	1
123	Статистические методы обработки информации	1
	<b>Уравнения и неравенства. Системы уравнений и неравенств (22ч)</b>	
124	Равносильность уравнений	1
125	Равносильность уравнений	1
126	Общие методы решения уравнений	1
127	Общие методы решения уравнений	1
128	Общие методы решения уравнений	1
129	Равносильность неравенств.	1
130	Равносильность неравенств..	1
131	Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.	1
132	Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля .	1
133	<b>Контрольная работа по теме «Уравнения и неравенства»</b>	1
134	Уравнения и неравенства со знаком радикала.	1
135	Уравнения и неравенства со знаком радикала.	1
136	Уравнения и неравенства со знаком радикала. .	1
137	Уравнения и неравенства с двумя переменными.	1
138	Уравнения и неравенства с двумя переменными.	1

139	Доказательство неравенств	1
140	Системы уравнений.	1
141	Системы уравнений.	1
142	Системы уравнений..	1
143	Системы уравнений.	1
144	<b>Контрольная работа по теме «Системы уравнений».</b>	1
145	Задачи с параметрами.	1
	<b>Обобщающее повторение (14ч+11ч)</b>	
146	Повторение темы « Тригонометрические уравнения».	1
147	Повторение темы « Тригонометрические уравнения»	1
148	Повторение темы « Тригонометрические уравнения»	1
149	Повторение темы « Тригонометрические неравенства»	1
150	Повторение темы « . Тригонометрические неравенства»	1
151	Повторение темы «Применение производной».	1
152	Повторение темы « Применение производной».	1
153	Повторение темы « Применение производной».	1
154	Повторение темы « Логарифмические и показательные уравнения»	1
155	Повторение темы « Логарифмические и показательные уравнения»	1
156	Повторение темы « Логарифмические и показательные уравнения» .	1
157	Повторение темы « Логарифмические и показательные неравенства»	1
158	Повторение темы « Логарифмические и показательные неравенства»	1
159	Повторение темы « Решение планиметрических задач»	1
160	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
161	<b>Итоговая контрольная работа по учебному предмету «Математика: алгебра и начала анализа, геометрия» за курс 11 класса (промежуточная аттестация)</b>	1

162	Повторение темы «Рациональные выражения»	1
163	Повторение темы « Первообразная и интеграл»	1
164	Повторение темы « Решение планиметрических задач»	1
165	Повторение темы « Решение планиметрических задач»	1
166	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
167	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
168	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
169	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
170	Обобщающий урок	1

### Календарно-тематическое планирование 11 класс (угл)

№	Раздел. Тема	Кол-во часов
1	2	3
<b>Повторение материала 10 класса (4ч)</b>		
1	Тригонометрические уравнения и неравенства	1
2	Производная..	1
3	Применение производной.	1
4	Входная контрольная работа	1
<b>Многочлены (10ч)</b>		
5	Многочлены от одной переменной	1
6	Многочлены от одной переменной .	1
7	Многочлены от одной переменной	1

8	Многочлены от нескольких переменных	1
9	Многочлены от нескольких переменных .	1
10	Многочлены от нескольких переменных .	1
11	Уравнения высших степеней .	1
12	Уравнения высших степеней	1
13	Уравнения высших степеней	1
14	<b>Контрольная работа по теме "Многочлены".</b>	1
<b>Векторы в пространстве (6ч)</b>		
15	Понятие вектора. Равенство векторов	1
16	Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов. Умножение вектора на число	1
17	Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов. Умножение вектора на число.	1
18	Компланарные вектора. Правило параллелепипеда Разложение вектора по трем некопланарным векторам.	1
19	Компланарные вектора. Правило параллелепипеда Разложение вектора по трем некопланарным векторам.	1
20	<b>Контрольная работа по теме "Векторы в пространстве".</b>	1
<b>Степени и корни. Степенные функции (24ч)</b>		
21	Понятие корня n-ой степени из действительного числа	1
22	Понятие корня n-ой степени из действительного числа	1
23	Функции $y = x^n$ , их свойства и графики.	1
24	Функции $y = x^n$ , их свойства и графики	1
25	Функции $y = x^n$ , их свойства и графики	1
26	Свойства корня n-й степени	1
27	Свойства корня n-й степени	1
28	Свойства корня n-й степени	1
29	Преобразование иррациональных выражений	1

30	Преобразование иррациональных выражений	1
31	Преобразование иррациональных выражений	1
32	Преобразование иррациональных выражений	1
33	<b>Контрольная работа по теме «Степени и корни»</b>	1
34	Понятие степени с любым рациональным показателем	1
35	Понятие степени с любым рациональным показателем Степенная функция и ее свойства и график.	1
36	Понятие степени с любым рациональным показателем Степенная функция и ее свойства и график.	1
37	Понятие степени с любым рациональным показателем Иррациональные уравнения.	1
38	Степенные функции, их свойства и графики	1
39	Степенные функции, их свойства и графики	1
40	Степенные функции, их свойства и графики	1
41	Степенные функции, их свойства и графики	1
42	Извлечение корней из комплексных чисел.	1
43	Извлечение корней из комплексных чисел	1
44	<b>Контрольная работа по теме " Степенные функции".</b>	1
<b>Метод координат в пространстве (15ч)</b>		
45	<b>§ 1. Координаты точки и координаты вектора</b> Прямоугольная система координат в пространстве .Координаты вектора. Связь между координатами векторов и координатами точек.	1
46	Простейшие задачи в координатах.	1
47	Простейшие задачи в координатах. .	1
48	Уравнение сферы.	1
49	<b>§ 2. Скалярное произведение векторов</b> Угол между векторами	1

50	Скалярное произведение.	1
51	. Скалярное произведение векторов .	1
52	Вычисление углов между прямыми и плоскостями .	1
53	Вычисление углов между прямыми и плоскостями	1
54	Уравнение плоскости	1
55	<b>§ 3. Движения</b> Центральная симметрия. Осевая симметрия	1
56	. Зеркальная симметрия. Параллельный перенос	1
57	Преобразование подобия, гомотетия. Элементы геометрии масс.	1
58	<b>Контрольная работа по теме "Метод координат в пространстве"..</b>	1
59	Зачёт по теме: «Метод координат в пространстве»	1
<b>Показательная и логарифмическая функции (31ч)</b>		
60	Показательная функция, ее свойства и график	1
61	Показательная функция и ее свойства и график.	1
62	Показательная функция и ее свойства и график.	1
63	Простейшие показательные уравнения	1
64	Простейшие показательные уравнения	1
65	Простейшие показательные уравнения.	1
66	Простейшие показательные неравенства.	1
67	Простейшие показательные неравенства.	1
68	Понятие логарифма	1
69	Логарифм.	1
70	Десятичный и натуральный логарифм.	1
71	Логарифмическая функция и ее свойства и график	1
72	Логарифмическая функция и ее свойства и график.	1

73	Логарифмическая функция и ее свойства и график.	1
74	<b>Контрольная работа по теме «Показательная и логарифмическая функции»</b>	1
75	Свойства логарифма..	1
76	Свойства логарифма.	1
77	Свойства логарифма.	1
78	Свойства логарифма.	1
79	Логарифмические уравнения	1
80	Логарифмические уравнения	1
81	Логарифмические уравнения	1
82	Логарифмические уравнения	1
83	Логарифмические неравенства.	1
84	Логарифмические неравенства.	1
85	Логарифмические неравенства.	1
86	Дифференцирование показательной и логарифмической функций	1
87	Дифференцирование показательной и логарифмической функций	1
88	Дифференцирование показательной и логарифмической функций	1
89	Дифференцирование показательной и логарифмической функций	1
90	<b>Контрольная работа по теме "Показательные и логарифмические уравнения и неравенства".</b>	1
<b>Цилиндр, конус, шар (22ч)</b>		
91	<b>§ 1. Цилиндр</b> Понятие цилиндра.	1
92	Площадь поверхности цилиндра	1
93	Площадь поверхности цилиндра	1

94	<b>§ 2. Конус</b> Понятие конуса	1
95	Понятие конуса. Площадь поверхности конуса.	1
96	Усечённый конус	1
97	Сечения цилиндра, конуса и шара.	1
98	<b>§ 3. Сфера</b> Сфера и шар. Взаимное расположение сферы и плоскости.	1
99	Взаимное расположение сферы и плоскости.	1
100	Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы.	1
101	Элементы сферической геометрии.	1
102	Взаимное расположение сферы и прямой.	1
103	Сфера, вписанная в цилиндрическую поверхность	1
104	Сфера, вписанная в цилиндрическую поверхность .	1
105	Сфера, вписанная в коническую поверхность.	1
106	Сфера, вписанная в коническую поверхность.	1
107	Эллипс, гипербола и парабола	1
108	Эллипс, гипербола и парабола	1
109	Сечения цилиндрической поверхности.	1
110	Сечения конической поверхности	1
111	<b>Контрольная работа по теме "Цилиндр. Конус. Шар".</b>	1
112	Зачёт по теме: «Цилиндр, конус и шар»	1
<b>Первообразная и интеграл (9ч)</b>		
113	Первообразная. Неопределенный интеграл.	1
114	Первообразные элементарных функций	1
115	Первообразные элементарных функций.	1
116	Определенный интеграл..	1

117	Определенный интеграл. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница	1
118	Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница.	1
119	Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла	1
120	Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла.	1
121	<b>Контрольная работа по теме "Первообразная и интеграл".</b>	1
<b>Объемы тел (20ч)</b>		
122	<b>§ 1. Объём прямоугольного параллелепипеда</b> Понятие объёма. Объёмпрямоугольногопараллелепипеда	1
123	.Объёмпрямоугольногопараллелепипеда	1
124	<b>2. Объёмы прямой призмы и цилиндра</b> Объём прямой призмы.	1
125	Объём прямой призмы.	1
126	Объём цилиндра Вывод формул объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы.	1
127	Объём прямой призмы. Объём цилиндра .	1
128	<b>§ 3. Объёмы наклонной призмы, пирамиды и конуса</b> Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла.	1
129	Объём наклонной призмы. .	1
130	Объём пирамиды	1
131	Объём конуса. Теоремы об отношениях объемов.	1
132	Применение формул объемов геометрических тел при решении задач	1
133	Применение формул объемов геометрических тел при решении задач.	1
134	<b>§ 4. Объём шара и площадь сферы</b> Объём шара Применение формул объемов при решении задач.	1
135	Объём шара.	1

136	Объёмы шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора. Приложения интеграла к вычислению объёмов и поверхностей тел вращения. Применение объёмов при решении задач.	1
137	Объёмы шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора. Площадь сферы	1
138	Отношение объёмов и площадей поверхностей подобных фигур.	1
139	Отношение объёмов и площадей поверхностей подобных фигур	1
140	<b>Контрольная работа по теме «Объёмы тел»</b>	1
141	Зачёт по теме: «Объёмы тел»	1
<b>Элементы теории вероятностей и математической статистики (9ч)</b>		
142	Вероятность и геометрия	1
143	Вероятность и геометрия	1
144	Независимые повторения испытаний с двумя исходами	1
145	Независимые повторения испытаний с двумя исходами	1
146	Независимые повторения испытаний с двумя исходами	1
147	Статистические методы обработки информации	1
148	Статистические методы обработки информации	1
149	Гауссова кривая. Закон больших чисел.	1
150	Гауссова кривая. Закон больших чисел.	1
<b>Уравнения и неравенства. Системы уравнений и неравенств (33ч)</b>		
151	Равносильность уравнений	1
152	Равносильность уравнений	1
153	Равносильность уравнений	1
154	Равносильность уравнений	1
155	Общие методы решения уравнений	1
156	Общие методы решения уравнений	1
157	Общие методы решения уравнений	1

158	Равносильность неравенств.	1
159	Равносильность неравенств.	1
160	Равносильность неравенств.	1
161	Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.	1
162	Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля	1
163	Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля	1
164	<b>Контрольная работа по теме «Уравнения и неравенства»</b>	1
165	Уравнения и неравенства со знаком радикала.	1
166	Уравнения и неравенства со знаком радикала.	1
167	Уравнения и неравенства со знаком радикала.	1
168	Уравнения и неравенства со знаком радикала.	1
169	Уравнения и неравенства с двумя переменными.	1
170	Уравнения и неравенства с двумя переменными.	1
171	Доказательство неравенств	1
172	Доказательство неравенств	1
173	Доказательство неравенств	1
174	Системы уравнений.	1
175	Системы уравнений.	1
176	Системы уравнений.	1
177	Системы уравнений.	1
178	<b>Контрольная работа по теме «Системы уравнений».</b>	1
179	Задачи с параметрами.	1
180	Задачи с параметрами.	1
181	Задачи с параметрами.	1
182	Задачи с параметрами.	1

183	Задачи с параметрами.	1
	<b>Обобщающее повторение (16ч+5ч)</b>	
184	Повторение темы « Тригонометрические уравнения».	1
185	Повторение темы « Тригонометрические уравнения»	1
186	Повторение темы « Тригонометрические неравенства»	1
187	Повторение темы « . Тригонометрические неравенства»	1
188	Повторение темы «Применение производной».	1
189	Повторение темы « Применение производной».	1
190	Повторение темы « Логарифмические и показательные уравнения»	1
191	Повторение темы « Логарифмические и показательные уравнения»	1
192	Повторение темы « Логарифмические и показательные уравнения»	1
193	Повторение темы « Логарифмические и показательные неравенства»	1
194	Повторение темы « Логарифмические и показательные неравенства»	1
195	Повторение темы « Решение планиметрических задач»	1
196	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
197	<b>Итоговая контрольная работа по учебному предмету «Математика: алгебра и начала анализа, геометрия» за курс 11 класса (промежуточная аттестация)</b>	1
198	Повторение темы «Рациональные выражения»	1
199	Повторение темы « Первообразное и интеграл»	1
200	Повторение темы « Первообразное и интеграл»	1
201	Повторение темы « Решение планиметрических задач»	1
202	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
203	Повторение темы « Решение стереометрических задач»	1
204	Обобщающий урок	1

